



نجد أكثر أنواع المحاكاة تستخدم للحوادث المتقطعة وذلك لكثره الظواهر التي تلائمها .

توليد الأرقام العشوائية Generation Of Random Numbers

بما أن محاكاة مونت كارلو تعتمد على الأرقام العشوائية لذا سنتناول الطرق المختلفة التي يتم بها توليد الأرقام العشوائية والرقم العشوائي هو الرقم الذي يكون احتمال وقوعه مساو لاحتمال وقوع اي رقم عشوائي آخر من مجموعة أرقام عشوائية حيث تتبع الأرقام العشوائية التوزيع المنتظم القياسي $[0,1]$ هذا لأن الأرقام العشوائية المولدة بواسطة الآلات الإلكترونية تقع داخل الفترة $[0,1]$ حيث نماذج المحاكاة المعتمدة على الأرقام العشوائية التي تنفذ بواسطة الحاسوب .

يتم توليد الأرقام العشوائية عن طريق :

- جداول القيم العشوائية التي يتم تخزينها مباشرة في ذاكرة الحاسوب وهذه طريقة غير مجديّة نسبة لحجم حيز كبير في ذاكرة الحاسوب .
- عمليات حسابية تعد لتنفذ بواسطة الحاسوب . تتم المفاضلة بين كل عملية و أخرى وفقا للاتي :

- يجب ان تتبع الأرقام العشوائية المولدة التوزيع المنتظم $(0,1)$.
- يجب ان تكون دورة الأرقام العشوائية مستقلة إحصائيا .
- يجب ان تكون دورة الأرقام العشوائية طويلة .
- سرعة عملية توليد الأرقام العشوائية

تشتمل طرق العمليات الحسابية على عدة اساليب :

١. طريقة وسط مربع العدد (Mid-Square Method)
٢. طريقة وسط ضرب العدد (Mid-Product method)

٣. طريقة باقي القسمة (المطابقة) : Congenital

٤. طريقة المعاينة من التوزيعات الاحتمالية Sampling From Probability Distributions Method:

تشمل طريقة المعاينة من التوزيعات الاحتمالية على طرق تقوم بتوليد عينات عشوائية متتالية

$f(t)$ من توزيع احتمالي (t_1, t_2, \dots)

- كل هذه الطرق أُسست على استخدام أرقام عشوائية ذات توزيع منتظم قياسي.

Independent and identically distributed uniform (0,1)

١- طريقة المعكوس Inverse Method

٢- طريقة التجميع Convolution Method

طريقة المعكوس Inverse Method

- هي طريقة يتم بموجبها الحصول على متغير عشوائي يتبع توزيعاً معيناً لتوليد أرقام عشوائية تتبع ذلك التوزيع وذلك بالاعتماد على الأرقام العشوائية التي تتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم القياسي.

- افتراض أننا نريد أن نحصل على عينة عشوائية من دالة توزيع احتمالية $f(x)$ سواء كان التوزيع متصل أو مقطوع. فطريقة المعكوس تقوم أولاً بإيجاد دالة الكثافة التراكمية $F(x) = P\{y \leq x\}$ حيث $0 \leq F(x) \leq 1$ لكل y المعروفة ثم نقوم بالخطوات التالية :

١- توليد أرقام عشوائية R من التوزيع المنتظم القياسي $U(0,1)$.

٢- حساب أو إيجاد قيمة x المراده من $x = F^{-1}(R)$.

خوارزمية لإيجاد قيم لتوزيع احتمالي مقطوع باستعمال طريقة المعكوس:

- إذا كان x يأخذ القيم x_1, \dots, x_n باحتمال p_1, \dots, p_n بحيث

$$\sum_{i=1}^n p_i = 1 \quad 0 \leq p_i \leq 1$$

نقوم بالخطوات التالية لإيجاد القيم العشوائية :

١- نوجد الدالة التراكمية F_n

$$F_1 = p_1$$

$$F_2 = p_1 + p_2$$

$$\vdots \quad \vdots$$

$$F_k = \sum_{i=1}^k p_i$$

$$\vdots \quad \vdots$$

$$F_n = \sum_{i=1}^n p_i$$

٢- نختار عدد عشوائي R_i

فإذا كان

$$\sum_{i=1}^{n-1} p_i < R_i \leq \sum_{i=1}^n p_i$$

أي $F_{n-1} < R_i \leq F_n$

فعنده الكمية العشوائية تأخذ القيمة x_n

يوضح كما يلي :

$$\begin{aligned} x_1 & \quad \text{if } 0 < R \leq p_1 \\ x_2 & \quad \text{if } p_1 < R \leq p_1 + p_2 \\ \vdots & \quad \vdots \\ x_k & \quad \text{if } \sum_{i=1}^{k-1} p_i < R \leq \sum_{i=1}^k p_i \\ \vdots & \quad \vdots \\ x_n & \quad \text{if } \sum_{i=1}^{n-1} p_i < R \leq \sum_{i=1}^n p_i \end{aligned}$$

مثال ١ :

ليكن لدينا التوزيع المعتبر عن الفترة الزمنية الفاصلة بين تعطيل الالات في مصنع ما كما

يلى :

$$\begin{aligned} p(t_n) &= 0.12 & t_1 &= 4 \\ &= 0.48 & t_2 &= 5 \\ &= 0.22 & t_3 &= 6 \\ &= 0.18 & t_4 &= 7 \\ & & n &= 1,2,3,4 \end{aligned}$$

أوجد عشرة قيم عشوائية :

الحل :

نوجد الاحتمالات التراكمية F_n (الفترات)

$$F_1 = p_1 = 0.12$$

$$F_2 = F_1 + p_2 = 0.60$$

$$F_3 = F_2 + p_3 = 0.82$$

$$F_4 = F_3 + p_4 = 1$$