

الفصل الأول

♦ علم الإحصاء:

هو الطريقة العلمية التي تختص بجمع البيانات والحقائق عن ظاهرة أو فرضية (ظواهر أو فرضيات) معينة وتنظيم وتبويب هذه البيانات والحقائق بالشكل الذي يسهل عملية تحليلها وتفسيرها ومن ثم استخلاص النتائج واتخاذ القرار على ضوء ذلك.

ويشكل عام فان علم الإحصاء ويسبب تطوره السريع وكثرة فروعه التطبيقية في مجالات الحياة كافة فان معظم الإحصائيين ينظرون إلى هذا العلم على انه جمع لفرعين رئيسيين هما:

1- الإحصاء الوصفي :Descriptive Statistics

ويتضمن هذا الفرع الطرق والأساليب المستخدمة في جمع البيانات والمعلومات عن ظاهرة معينة أو مجموعة ظواهر وكيفية تنظيم وتصنيف وتبويب هذه البيانات مع إمكانية عرضها في جداول ورسومات بيانية وحساب بعض المؤشرات الإحصائية منها (مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت).

2- الإحصاء الاستدلالي :Inferential Statistics

وهو الشطر الآخر من علم الإحصاء الذي يهتم عادةً بموضوعي التقدير Estimation واختبار الفرضيات Testing Hypotheses.

♦ المجتمع الإحصائي :Statistical Population

عبارة عن مجموعة من الوحدات أو المفردات التي تشارك بصفة أو صفات معينة والتي غالباً ما يتم الحصول منها على البيانات والمعلومات المطلوبة.

والمجتمع الإحصائي قد يكون مجتمع محدد أو غير محدد. فالمجتمع الإحصائي المحدد هو ذلك المجتمع الذي يمكن مواجهة أو ملاحظة كل مفردة من مفرداته أي يمكن حصر كافة المفردات التي تنتهي له، مثل على ذلك طلبة جامعة الموصل، سكان بلد معين. أما المجتمع الإحصائي الغير محدد فهو ذلك المجتمع الذي لا يمكن مواجهة أو ملاحظة كل مفرداته أي لا يمكن حصر كافة مفرداته مثل على ذلك كريات الدم الحمراء في جسم الإنسان، الأسماك في بحيرة دوكان.

♦ العينة : Sample

وهي مجموعة من المفردات المختارة من مجتمع الدراسة وتنقسم العينات بشكل عام إلى قسمين رئيسيين عينات عشوائية وعينات غير عشوائية. فالعينة العشوائية هي تلك المجموعة من المفردات المختارة من مجتمع الدراسة بحيث انه ليس للباحث أي دخل في اختيار هذه المفردة دون تلك. أما العينة الغير عشوائية فهي تلك المجموعة من المفردات المختارة من مجتمع الدراسة بطريقة يكون للباحث دخل في اختيار هذه المفردة دون تلك وليس على أساس عشوائي وذلك لاعتبارات تتعلق بطبيعة تلك الدراسة.

♦ المتغيرات العشوائية : Random Variables

يعرف المتغير العشوائي بأنه دالة ذات قيمة حقيقة معرفة على فضاء يدعى فضاء العينة Sample Space. غالباً ما يرمز للمتغير العشوائي بأحد الأحرف الكبيرة X, Y, \dots الخ ولقيم المتغير عند تتنفيذ التجربة بأحد الأحرف الصغيرة x, y, \dots الخ.

مثال :

تجربة رمي زهر النرد وملحوظة العدد الذي سوف يظهر على وجه الزهر بعد رميه. هنا نلاحظ أن المتغير X هو العدد الذي سوف يظهر على وجه الزهر بعد رميه. افترض أن العدد الذي بعد تنفيذ الرمية هو العدد 3 وهو عدد حقيقي، إذ أن الحالات الكلية الممكنة الظهور على وجه الزهر هو مجموعة الأعداد الحقيقة $[1, 2, \dots, 6]$ ولا يمكن إطلاقاً ظهور غيرها. وهذا ما نطلق عليه بفضاء العينة للمتغير X . إذ أن العدد 3 هو قيمة من قيم X الممكنة الذي ينتمي لفضاء هذا المتغير وهذا يعني أن X دالة معرفة على هذا الفضاء ويرمز لفضاء العينة بالرمز Ω ويلفظ أوميكا وفي مثالنا فإن فضاء العينة يعرف بالشكل الآتي:

$$\Omega = \{X: x=1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

وتقسم المتغيرات العشوائية إلى قسمين رئيسيين هما:

1- المتغيرات النوعية (الوصفية) : Qualitative Variables

وهي المتغيرات التي لا يمكن قياسها بوسائل قياس مألوفة كالعد أو التقييس إنما تشكل صفات لذلك المتغير. مثل لون العين كمتغير يمكن أن يكون اسود، عسلى، ازرق.

2- المتغيرات الكمية :Quantitative Variables

وهي المتغيرات التي يمكن قياسها بوسائل قياس مألوفة مثل عدد الطلبة في صف معين، طول الشخص بالسنتيمتر، سعر سلعة معينة بالدينار وغيرها من الأمثلة. وهذا القسم من المتغيرات يقسم إلى نوعين رئيسيين هما:

أ. المتغيرات المقطعة :Discrete variables

إذا كانت مجموعة القيم الممكنة للمتغير X مجموعة قابلة للعد سواء كانت مجموعة محددة أم غير محددة عندئذ يقال أن X متغير عشوائي مقطوع.

مثال (1):

إن مجموعة القيم الممكنة للمتغير X في تجربة رمي زهر النرد هي المجموعة $\Omega = \{X: x=1,2,3,4,5,6\}$. حيث أنه من الممكن عد عناصر هذه المجموعة (أي أنها مجموعة قابلة للعد) بالرغم من كونها محدودة (أي لها بداية وهو العدد 1 ولها نهاية العدد 6) لذا فان X متغير عشوائي مقطوع.

مثال (2):

افرض أن X متغير عشوائي يشير إلى عدد النداءات الهاتفية المستقبلة من بدالة هاتف خلال فترة زمنية محددة نلاحظ هنا أن مجموعة القيم الممكنة إلى X هي مجموعة الأعداد الحقيقة $\Omega = \{X: x=1,2,3,\dots,\infty\}$. حيث أنه من الممكن عد عناصر هذه المجموعة بالرغم من كونها مجموعة غير محدودة (لها بداية وليس لها نهاية) لذا فان X متغير عشوائي مقطوع.

ب. المتغيرات المستمرة :Continuous Variables

إذا كانت مجموعة القيم الممكنة للمتغير X مجموعة غير قابلة للعد سواء كانت مجموعة محدودة أم غير محدودة عندئذ يقال أن X متغير عشوائي مستمر.

مثال (1):

افرض أن X متغير عشوائي يشير إلى كمية المواد المتداقة من انفجار بركاني محتمل الواقع. نلاحظ هنا أن مجموعة القيم الممكنة إلى X تتراوح ما بين الصفر وعدد كبير جداً غير محدد $\Omega = \{X: 0 \leq x < \infty\}$. حيث أنه لا يمكن عد عناصر هذه المجموعة على الرغم من كونها مجموعة غير محدودة لذا فان X متغير عشوائي مستمر.