

بند (13): فوائد التأخير

إذا سدد المبلغ في تاريخ استحقاقه المطلوب فلا تحسب عليه فائدة أو يخصم منه. شيئاً ولكن من أسباب وجود الفائدة على المبالغ المودعة أو المقترضة هو وجود المدة، فإذا سدد المبلغ قبل موعد الاستحقاق فإن هناك خصم يتلقاه المدين لقاء تقديم الفترة الزمنية في حين يحصل الدائن على فوائد تأخير على المبالغ التي تتأخر مواعيد تسديدها في الوقت المحدد وبمعدل أعلى من معدل الفائدة الأول وتشمل فوائد التأخير هذه على حالات ثلاثة هي:

- 1- فائدة تأخير القرض في حالة تأخير سداده في موعد الاستحقاق.
- 2- فوائد تأخير الفوائد الدورية التي يؤجل تسديدها بعد استحقاقها في مدة معينة، وفي هذه الفترة حالتان هما:

الحالة الأولى: تأخير الفوائد الدورية أو جزء منها إلى تاريخ استحقاق القرض.

الحالة الثانية: تأخير تسديد الفوائد الدورية أو جزء منها إلى موعد بعد تاريخ استحقاق القرض.

أولاً: الحالة الأولى: تأخير الفوائد الدورية أو جزء منها إلى تاريخ استحقاق القرض كما علمنا أن الفوائد الدورية تكون على فترات كل نهاية شهرين أو كل نهاية ثلاثة أشهر وهكذا ويتوارد دفع كل من هذه الفوائد الدورية في نهاية كل فترة وحسب تاريخ الاستحقاق فإذا تم تأخيرها لأي سبب فإنها تسمى عندئذٍ

الفصل الثاني

(بالفوائد الدورية المؤجلة) وتدفع عليها فوائد تأخير تسمى فوائد تأخير الفوائد الدورية للفترة بين تاريخ استحقاقها وتاريخ تسديدها ويكون موعد تسديد الفائدة الدورية الأخيرة هو نفس تاريخ استحقاق القرض فإن مدتها تساوي صفرًا ولا تضاف عليها فائدة تأخير.

مثال (1): افترض شخص مبلغ (900) دينار مدة ستة أشهر وتعهد بتسديد فوائده بمعدل 4% في نهاية كل (4) شهور، وقد تغادر عن دفع الفوائد فاتفاق مع دائرته على تأجيلها إلى تاريخ استحقاق القرض بمعدل 5% فما:

أ- مجموع فوائد التأخير على الفوائد الدورية.

ب- جملة المستحق في نهاية المدة؟

الحل:

$$\text{فـد} = \frac{م \times \text{فترة} \times ع}{1200}$$

$$\text{فـد} = \frac{4 \times 4 \times 1900}{1200} = \text{ديناراً مقدار الفائدة الدورية}$$

$$\text{لـك} = \frac{24}{4} = \frac{\text{المدة}}{\text{الفترة}}$$

$$\text{مج فـد} = \text{فـد} \times \text{لـك}$$

$$\text{مج فـد} = 3 \times 12 = 36 \text{ دينار مجموع الفوائد الدورية.}$$

$$\text{مجموع المطلوب} = \text{القرض} + \text{مجموع الفوائد الدورية} + \text{مجموع فوائد التأخير}$$

حساب مدد التأخير:

لو فرضنا أن المدة الكلية لمبلغ مقترض من مصرف ما هي ستة (24 شهر) تسدد بشكل فترات دورية في نهاية كل أربع أشهر فإن:

تاريخ استحقاق الفائدة الدورية الأولى بعد (4) شهر

تاريخ استحقاق الفائدة الدورية الثانية بعد (8) شهر

تاريخ استحقاق الفائدة الدورية الثالثة بعد (12) شهر

تاريخ استحقاق الفائدة الدورية الرابعة بعد (16) شهر

تاريخ استحقاق الفائدة الدورية الخامسة بعد (20) شهر

تاريخ استحقاق الفائدة الدورية السادسة (الأخيرة) (24) شهر

وعليه فإن: مدة تأخير الفائدة الدورية الأولى = $20 - 4 = 16$

مدة تأخير الفائدة الدورية الثانية = $16 - 24$

مدة تأخير الفائدة الدورية الثالثة = $12 - 24$

مدة تأخير الفائدة الدورية الرابعة = $8 - 24$

مدة تأخير الفائدة الدورية الخامسة = $4 - 20$

مدة تأخير الفائدة الدورية السادسة = $24 - 24$ = صفر

الفصل الثاني

ويتمكن استخراج مدة تأخير الفائدة الدورية الأولى باستخدام القانون الآتي:

$$(5) \dots \dots \dots (1 + \zeta) - \zeta = 1$$

حيث أن:

أ: مدة تأثير الفائدة الدورية المؤجلة الأولى.

لـ: عدد الفوائد الدورية.

(ل + 1): تسلسل الفوائد المؤجلة.

ففى مثالنا السابق:

عدد فترات تأخير الأولى = $1 - 6 = 5$ فترة = 20 شهرًا.

عدد فترات تأخير الثانية = $2 - 6 = 4$ فترة = 16 شهرًا.

عدد فترات تأخير الثالثة = $3 - 6 = 3$ فترة = 12 شهرًا.

عدد فترات تأخير الماء = $4 - 6 = 2$ فترة = 8 شهرًا.

عدد فترات تأخير الخامسة = $6 - 5 = 1$ فترة = 4 شهرًا.

عدد فترات تأخر السادسة = $6 - 6 = 0$ فترة = صفر شهرًا.

والشكل البياني يوضح ذلك:

الفائدة الدورية

فـ (1)	6	20
فـ (2)	4 شهر	16
فـ (3)	4 شهر	12
فـ (4)	4 شهر	8
فـ (5)	4 شهر	4
فـ (6)	4 شهر	صفر

وبصورة عامة فإن لاستخراج مجموع فوائد التأخير والذي يرمز له (مج فتا)

نستخدم القانون الآتي:

$$\text{مج فتا} = \frac{n}{2} \times \frac{\bar{u}}{1200} \times \frac{m \times \text{فترة} \times \bar{u}}{1200}$$

حيث أن:

m : المبلغ.

\bar{u} : معدل فائدة التأخير.

n = عدد الفوائد الدورية.

\bar{u} : مدة تأخير الفائدة الدورية المؤجلة الأولى.

m : مدة تأخير الفائدة الدورية المؤجلة الأخيرة.

الفصل الثاني

$$\text{فائدة تأخير فد (1)} = \frac{20 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (2)} = \frac{16 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (3)} = \frac{12 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (4)} = \frac{8 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (5)} = \frac{4 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (6)} = \frac{0 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{مجموع فوائد التأخير} = \frac{0 \times 5 \times 12}{1200} + \dots + \frac{20 \times 5 \times 12}{1200} + \frac{20 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{مجموع فوائد التأخير} = [0 + 4 + 8 + 12 + 16 + 20] \times \frac{5 \times 12}{1200}$$

المدد داخل القوس تمثل متواالية عددية حددتها الأول (20) والأخير صفرًا
وعدد حدودها (6) يمكن إيجاد مجموع حدودها بالاستعاضة عنها بـ $\frac{n}{2}(أ+ل)$

الفائدة الدورية

فـ (1)	6	20
فـ (2)	4 شهر	16
فـ (3)	4 شهر	12
فـ (4)	4 شهر	8
فـ (5)	4 شهر	4
فـ (6)	4 شهر	صفر

وبصورة عامة فإن لاستخراج مجموع فوائد التأخير والذي يرمز له (مج فتا)

نستخدم القانون الآتي:

$$\text{مج فتا} = \frac{n}{2} \times \frac{\bar{u}}{1200} \times \frac{m \times \text{فترة} \times \bar{u}}{1200}$$

حيث أن:

m : المبلغ.

\bar{u} : معدل فائدة التأخير.

n = عدد الفوائد الدورية.

\bar{u} : مدة تأخير الفائدة الدورية المؤجلة الأولى.

m : مدة تأخير الفائدة الدورية المؤجلة الأخيرة.

الفصل الثاني

$$\text{فائدة تأخير فد (1)} = \frac{20 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (2)} = \frac{16 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (3)} = \frac{12 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (4)} = \frac{8 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (5)} = \frac{4 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{فائدة تأخير فد (6)} = \frac{0 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{مجموع فوائد التأخير} = \frac{0 \times 5 \times 12}{1200} + \dots + \frac{20 \times 5 \times 12}{1200} + \frac{20 \times 5 \times 12}{1200}$$

$$\text{مجموع فوائد التأخير} = [0 + 4 + 8 + 12 + 16 + 20] \times \frac{5 \times 12}{1200}$$

المدد داخل القوس تمثل متواالية عددية حددتها الأول (20) والأخير صفرًا

وعدد حدودها (6) يمكن إيجاد مجموع حدودها بالاستعاضة عنها بـ $\frac{n}{2}(أ+ل)$

الفائدة الدورية

$$\text{مج} = \frac{4 \times \text{ن}}{2 \times (أ + ل)}$$

أ = عدد الفوائد الدورية – تسلسل الفائدة المؤجلة الأولى

$$أ = 4 \times 5 = 20 \text{ شهراً}$$

ل = عدد الفوائد الدورية – تسلسل الفائدة الدورية الأخيرة

$$ل = 6 - 6 = \text{صفر}$$

فترة = صفر شهراً

$$\text{مجموع فوائد التأخير} = (0 + 20) \frac{6}{2} \frac{5 \times 12}{1200} = 3 \text{ دنانير}$$

$$\text{جملة المستحق} = 3 + 900 = 903 \text{ ديناراً}$$

وبعد أن عرفنا قانون مجموع فوائد تأخير الفوائد الدورية المؤجلة لا بد من معرفة قانون حساب جملة المستحق كما يلي:

$$(7) \dots \dots \left(\frac{ل + 1}{2} \times \frac{ع}{1200} + 1 \right) \times \frac{ن \times \text{فترة} \times ع}{1200} + م = جم$$

حيث أن:

جم: تشير إلى جملة المستحق

م: المبلغ

ع: سعر الفائدة

الفصل الثاني

عَ: سعر الفائدة للتأخير

ن: عدد الفوائد الدورية المؤجلة

أ: مدة تأخير الفائدة الدورية المؤجلة الأولى.

ل: مدة تأخير الفائدة المؤجلة الأخيرة.

ولبيان العمل بهذا القانون نورد المثال الآتي:

مثال (2): افترض شخص مبلغ (250) دينار لمدة (2) سنة وتعهد بتسديده مع فائضه الدورية بمعدل 5% في نهاية كل (3) شهراً وبعد أن سدد المدين الثلاث فوائد الدورية الأولى بصورة منتظمة اتفق مع دائنه على تأجيل بقيمة الفوائد الدورية إلى تاريخ الاستحقاق بفائدة تأخير بمعدل 6% فما جملة المستحق عليه بتاريخ الاستحقاق؟

الحل:

$$ج = \frac{م \times ف \times ع}{1200} + 1 \times \frac{1 + \frac{ع}{2}}{1200}$$

$$\text{عدد الفوائد} = \frac{24}{3} = \frac{\text{المدة}}{\text{الفترة}}$$

عدد الفوائد المؤجلة = عدد الفوائد - عدد الفوائد المدفوعة

$$\text{عدد الفوائد المؤجلة} = 5 - 8 = 3$$

الفائدة الدورية

$$\Omega = (\text{عدد الفوائد الموجلة} - 1) \times \text{أ} \times \text{أ} \times \text{أ} \times \dots$$

$$12 = 3 \times (1 - 5) = \Omega$$

$$\text{ل} = 3 \times (5 - 5) = \text{صفر}$$

$$\left(\frac{0+12}{2} \times \frac{6}{1200} + 1 \right) 5 \times \frac{5 \times 3 \times 250}{1200} + 250 = \text{جم}$$

$$266 \text{ ديناراً} =$$