

بعض البيانات الخاصة :

المسار (walk): ل يكن $G = (V, E)$ بيانا، يقال أن W مسار من الرأس v_0 إلى الرأس v_n في البيان G إذا كان W متتابعة متباوبة منتهية من رؤوس وحافات بالصيغة $(v_0, e_1, v_1, e_2, v_2, \dots, v_{n-1}, e_n, v_n)$ (initial vertex) إذ أن v_0 هو الرأس الابتدائي (terminal vertex) للمسار W وأن v_n هو الرأس النهائي $e_i = v_{i-1}v_i$ ، لكل $i = 1, 2, 3, \dots, n$. إذ أنه يمكن أن يكتب المسار W بشكل متتابعة من الرؤوس فقط أو متتابعة من الحافات فقط وذلك للسهولة. ونلاحظ من تعريف المسار أنه لا يتشرط عدم تكرار الحافات وبالطبع لا يتشرط عدم تكرار الرؤوس أيضا. وكما أن المسار W يكون مغلقا إذا كان $(v_0 = v_n)$ ، ويكون مفتوحا إذا كان $(v_0 \neq v_n)$.

الدرب (path): الدرب في البيان G هو مسار مفتوح حافاته مختلفة ويمكن أيضا أن نعبر عن الدرب أي كمتتابعة للرؤوس فقط $(v_0, e_1, v_1, e_2, v_2, \dots, v_{n-1}, e_n, v_n)$. أو متتابعة للحافات فقط (e_1, e_2, \dots, e_n) .

الدرب البسيط (simple path): هو درب كافة رؤوسه $(v_0, v_1, v_2, \dots, v_{n-1}, v_n)$ تكون مختلفة، ويمكن أن يرمز له بـ $(v_0 - v_n)$ -درب. وأن الدرب الأقصر بين رأسين غالبا ما يطلق عليه (geodesic).

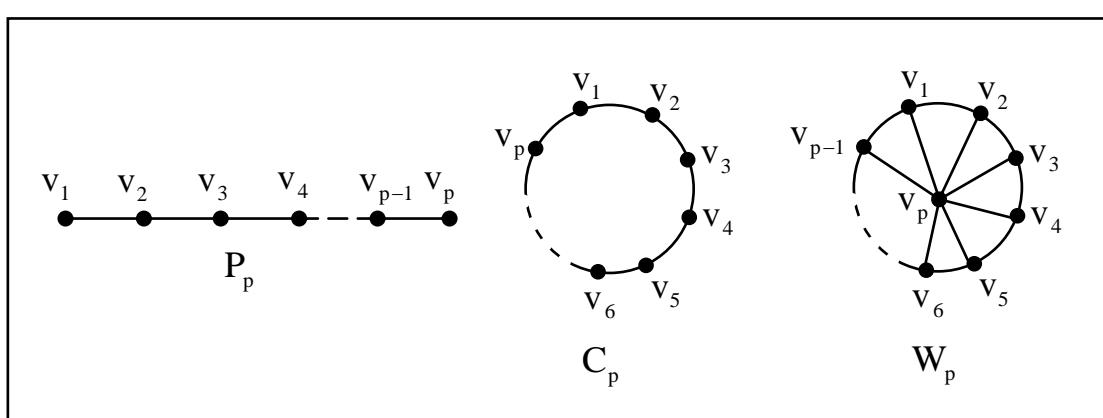
ويقال لبيان G أنه بيان درب (path graph) إذا كان البيان G مكونا من درب واحد فقط، وعندما تكون رتبته p نرمز له بـ P_p . (لاحظ الشكل (1-5)).

الدارة (cycle) : الدارة في البيان G هي $(v_0 - v_n - \dots - v_1)$ - درب مع الحافة التي تصل الرأسين v_0 و v_n لكل $n \geq 2$.

أي أن الدارة $(v_0, v_1, v_2, \dots, v_{n-1}, v_n)$ هي درب مغلق ، ونلاحظ أن الدارة التي عدد رؤوسها n تسمى دارة $(n\text{-cycle})$ ، وأن طول الدارة C والذي يرمز له بـ $\ell(C)$ يمثل عدد حفاتها ، وبصورة خاصة عندما يكون طول الدارة 3 تسمى مثلثة (triangle).

ويقال لبيان G أنه بيان دارة (cycle graph) إذا كان البيان G مكونا من دارة واحدة فقط وعندما تكون رتبته p نرمز له بـ C_p . لاحظ الشكل (1-5).

العجلة (wheel) : هو بيان من رتبة p يتكون من بيان دارة C_{p-1} مع رأس آخر متجاور مع كل رؤوس C_{p-1} ، ونرمز للعجلة بـ W_p . لاحظ الشكل (1.5).



الشكل (1-5)

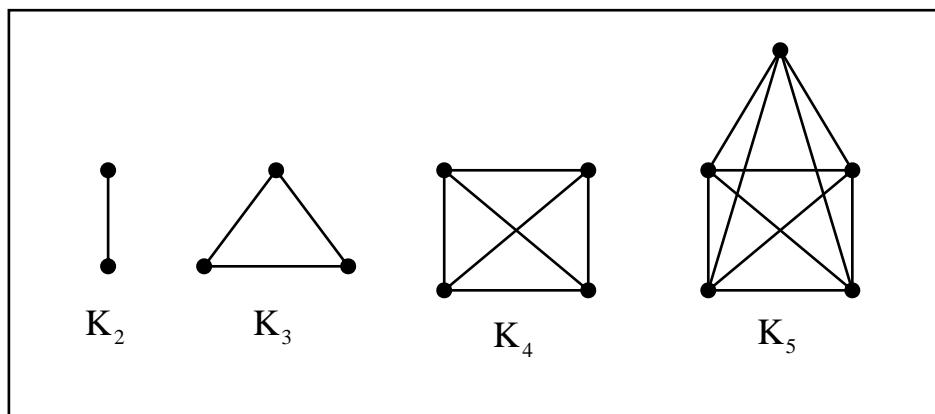
البيان التام (complete graph): يقال للبيان G أنه بيان تام إذا كان G بيانا فيه كل رأسين مختلفين متجاورين، ويرمز عادة للبيان التام الذي عدد رؤوسه p بالرمز K_p . ونلاحظ أن

$$\text{عدد حافات البيان التام } K_p \text{ هو } \frac{1}{2} p(p-1). \text{ لاحظ الشكل (5-2).}$$

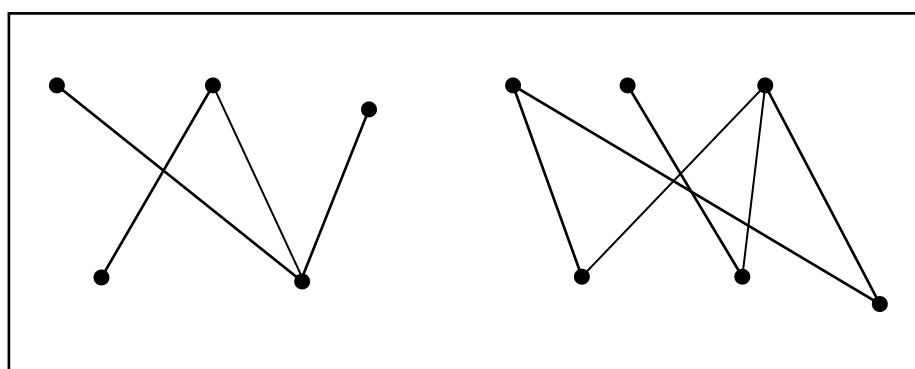
ويقال للبيان G أنه بيان ذو تجزئة- n إذا أمكن تجزئة مجموعة رؤوسه V إلى مجموعات تجزئة غير خالية V_1, V_2, \dots, V_n بحيث لا يوجد أي حافة في G تصل رأسين في المجموعة التجزئية نفسها ، ويمكن أن نرمز له بالرمز $(V_1, V_2, \dots, V_n; E)$.

وبصورة خاصة إذا كان $n = 2$ فأنا بيان الثنائي التجزئة (bipartite graph) ، أي أن البيان G يكون بيانا ثنائيا تجزئة إذا أمكن تجزئة المجموعة $V(G)$ إلى مجموعتين جزئيتين V_1 و V_2 بحيث أن كل حافة في $E(G)$ تصل رأسا من V_1 برأس من V_2 ، ولا يوجد رأسان متجاوران في V_1 (أو في V_2)، ويمكن أن نرمز له بالرمز $(V_1, V_2; E)$. (لاحظ الشكل (3-5)).

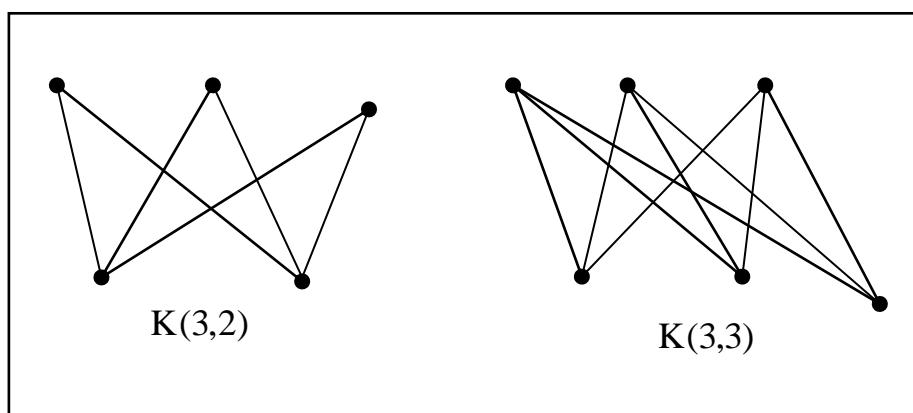
البيان الثنائي التجزئة التام (complete bipartite graph): يقال للبيان الثنائي التجزئة التام، إذا كان كل رأس في V_1 مجاور مع كل رأس في V_2 ، فإذا كان $G = (V_1, V_2; E)$ أنه تام، وعدد رؤوس V_1 هو m وعدد رؤوس V_2 هو n ($|V_1| = m$ و $|V_2| = n$)، فعندئذ نرمز للبيان الثنائي التجزئة التام بالرمز $K_{m,n}$ أو $K(m,n)$ ، ونلاحظ أن رتبته هي $p = m + n$ وأن حجمه هو $q = mn$. (للحظ الشكل (4-5)).



الشكل (2-5) بيان تام

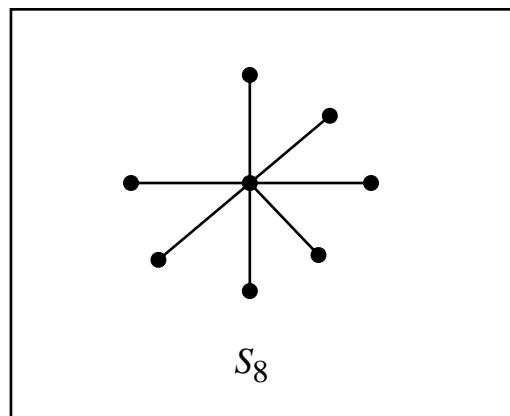


الشكل (3-5) بيان ثانوي التجزئية



الشكل (4-5) بيان ثانوي التجزئية تام

النجمة (star): هي بيان فيه $(1-p)$ من الرؤوس بدرجة واحد والرأس الأخير يكون بدرجة $(1-p)$ ، (أي متوازٍ مع كل الرؤوس بدرجة واحد) ونرمز لها بالرمز S_p ، أنظر الشكل . (6-5)



الشكل (6-5) البيان G

تمارين :

1. إعط مثلاً مع الرسم لكل من البيانات التالية :

أ. بيان بسيط ثانوي التجزئة منتظم من الدرجة الرابعة .

ب. بيان بسيط G بحيث يكون متشاكل مع $I(G)$.

2. هل يمكن إيجاد بيان G بحيث أن $I(G)$ نجمة .

3. متى يكون البيان ذو التجزئة- n هو بيان تام .

4. جد متابعة المسار للبيان التام من الدرجة 5 .

5. ما الفرق بين المسار والدرب والدرب البسيط .