

المحاضرة السادسة : خوارزمية رسم الدائرة بطريقة المنتصف

Midpoint Circle Drawing Algorithm

1. مقدمة

- رسم الدوائر باستخدام الحاسوب يتم بطريقة تقريبية باستخدام البكسلات.
- خوارزمية المنتصف (Midpoint) تساعد في اختيار البكسل الأقرب لمسار الدائرة.
- تعتمد على التماضي الثنائي في الدائرة لتقليل عدد العمليات الحسابية.

2. فكرة الخوارزمية

- نبدأ من النقطة $(0, r)$ على الدائرة.
- في كل خطوة نتحرك في اتجاه x موجب، ونحدد هل y تبقى كما هي أم تقل بمقدار 1.
- نستخدم معامل قرار (decision parameter) لتحديد الاتجاه.
- تمثل نقاط الثمن الأول من الدائرة (الربع العلوي الأيمن)، ونستخدم التماضي لتوليد باقي النقاط.

3. شروط البداية

- معامل القرار الابتدائي:

$$P_0 = 1 - r$$

- عند كل خطوة x :

إذا $P < 0$: النقطة التالية $(x+1, y)$

إذا $P \geq 0$: النقطة التالية $(x+1, y-1)$ وتحديث P

4. التماش في الدائرة

- لكل نقطة (x, y) , يمكن رسم 8 نقاط:

$(x, y), (-x, y), (x, -y), (-x, -y)$

$(y, x), (-y, x), (y, -x), (-y, -x)$

5. تطبيق عملي في MATLAB: رسم دائرة باستخدام خوارزمية

المنتصف

الهدف: رسم دائرة بنصف قطر محدد يدوياً باستخدام التماش ومعامل القرار.

```

clc; clear; close all;

% مدخلات الدائرة
xc = 10; yc = 10; % مركز الدائرة
r = 7; % نصف القطر

x = 0;
y = r;

% القرار الابتدائي
p = 1 - r;

% رسم الشكل
figure; hold on; axis equal;
axis([0 20 0 20]);
grid on;

% رسم النقاط الأولى
while x <= y
    % تماثل الدائرة: رسم النقاط الثمانية
    plot(xc + x, yc + y, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc - x, yc + y, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc + x, yc - y, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc - x, yc - y, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc + y, yc + x, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc - y, yc + x, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc + y, yc - x, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');
    plot(xc - y, yc - x, 'ko', 'MarkerFaceColor', 'k');

    x = x + 1;
    if p < 0
        p = p + 2*x + 1;
    else
        y = y - 1;
        p = p + 2*(x - y) + 1;
    end
    pause(0.05);
end

title('رسم دائرة باستخدام خوارزمية المنتصف');

```

