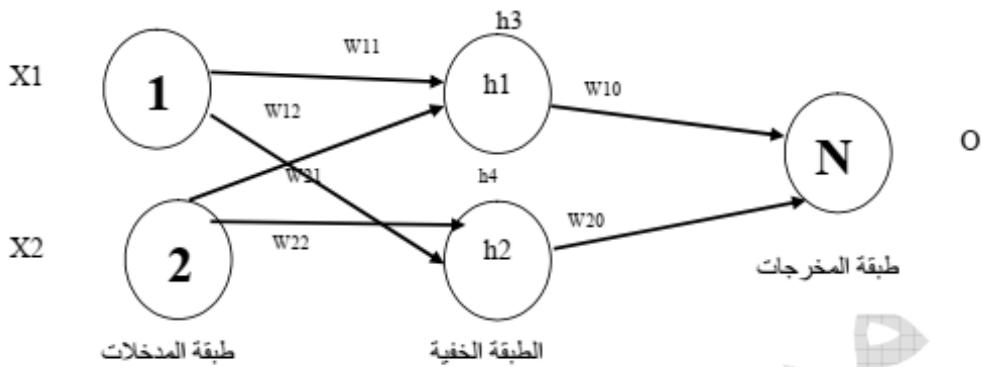


example

Back propagation خلية التغذية الراجعة

مثال ١١ قم بتدريب شبكة Back propagation للتعلم على مدخلات و مخرجات بوابة OR علماً ان معامل التعلم 1 والوزان عشوائية.

x1 x2 T

0 0 0

0 1 1

1 0 1

1 1 1

سوف ندرب الصنف الاول من البوابة

$x1=0 \quad x2=0, \quad T=0, \quad w11=1, \quad w12=0, \quad w21=0, \quad w22=1, \quad w10=1, \quad w20=1$

- \* لكي ندرب الخلية المطلوبة يجب ان نعرف بعض المصطلحات التالية:
  - 1-  $h1$  : يمثل مجموع المدخلات للخلية الاولى ضمن الطبقة الخفية .
  - 2-  $h2$  : يمثل مجموع المدخلات للخلية الثانية ضمن الطبقة الخفية .
  - 3-  $h3$  : يمثل مخرج الخلية الاولى من الطبقة الخفية .
  - 4-  $h4$  : يمثل مخرج الخلية الاولى من الطبقة الخفية .
  - 5-  $N$  : مجموع مدخلات خلية طبقة المخرجات .
  - 6-  $O$  : يمثل المخرج الفعلي للخلية
  - 7-  $T$  : المخرج المطلوب للخلية

\* سوف نبدا الحل وحسب الخوارزمية :-

1- تمرير المدخلات على الشبكة وصولاً الى طبقة المخرجات وذلك حسب القانون التالي :

$$\begin{aligned} h1 &= w11 * x1 + w21 * x2 \\ &= 1 * 0 + 0 * 0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} h2 &= w12 * x1 + w22 * x2 \\ &= 0 * 0 + 1 * 0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} h3 &= \frac{1}{1+e^{-h1}} \\ &= \frac{1}{1+e^{-0}} \\ &= 0.5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} h4 &= \frac{1}{1+e^{-h2}} \\ &= \frac{1}{1+e^{-0}} \\ &= 0.5 \end{aligned}$$

2- الحصول على مجموع المدخلات التي تدخل طبقة المخرجات وذلك من خلال القانون التالي :-

$$N = w10 * h3 + w20 * h4$$

$$\begin{aligned} &= 1 * 0.5 + 1 * 0.5 \\ &= 1 \end{aligned}$$

3- استخراج قيمة المخرج الفعلي ( الناتج ) للشبكة وذلك كما يلي :

$$\begin{aligned} O &= \frac{1}{1+e^{-N}} \\ &= \frac{1}{1+e^{-1}} \\ &= -0.73106 \end{aligned}$$

4- مقارنة المخرج الفعلي ( الناتج ) مع المخرج المطلوب وعند اكتشاف خطأ بين المقارنتين ففي هذه الحالة فاننا نحتاج الى تعديل الاوزان وتحديد مقدار الخطأ وكما يلي :-

$$\begin{aligned} eo &= (T-O) * O * (1-O) \\ &= (0 - (-0.73106)) * (-0.73106) * (1 - (-0.73106)) \\ &= -0.14373 \end{aligned}$$

(مقدار نسبة الخطأ بين المخرج المطلوب والمخرج الفعلي )

5- بعد اكتشاف الخطأ فانه سوف يتم تعديل الاوزان التي تربط بين طبقة المخرجات والطبقة الخفية وذلك بواسطه القوانين التالية :-

$$\begin{aligned} W10new &= W10old + a * eo * h3 \\ &= 1 + 1 * (-0.14373) * 0.5 \\ &= 0.92813 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W20new &= W20old + a * eo * h3 \\ &= 1 + 1 * (-0.14373) * 0.5 \\ &= 0.92813 \end{aligned}$$

6- نستمر على نفس الطريقة لكن هذه المرة بين الطبقة الخفية وطبقة المدخلات

$$\begin{aligned} eh1 &= h3(1-h3)*w10*eo \\ &= 0.5 ( 1- 0.5 ) * 0.92813 * ( -0.14373 ) \\ &= 0.03335 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} eh2 &= h4(1-h4)*w20*eo \\ &= 0.5 ( 1- 0.5 ) * 0.92813 * ( -0.14373 ) \\ &= 0.03335 \end{aligned}$$

7- وبعد اكتشاف الخطأ يتم تعديل الاوزان وكما يلي:

$$\begin{aligned} W11_{\text{new}} &= W11_{\text{old}} + a * eh1 * X1 \\ &= 1 + 1 * 0.03335 * 0 \\ &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W12_{\text{new}} &= W12_{\text{old}} + a * eh2 * X1 \\ &= 0 + 1 * 0.03335 * 0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W21_{\text{new}} &= W21_{\text{old}} + a * eh1 * X2 \\ &= 0 + 1 * 0.03335 * 0 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W22_{\text{new}} &= W22_{\text{old}} + a * eh2 * X2 \\ &= 1 + 1 * 0.03335 * 0 \\ &= 1 \end{aligned}$$

ملاحظة // الاوزان الجديدة لم تتغير وذلك بسبب المدخلات الصفرية (  $x_1, x_2$  ) ولكن الوضع سوف يتغير مع بقية المدخلات .

\* ربما تكون بعض النتائج غير مضبوطة ولكن المهم هو فهم عمل الخلية العصبية وكيفية تعاملها مع المدخلات والمخرجات .

\* تتوقف عملية التدريب عندما تصبح النتيجة الناتجة من التدريب مطابقة إلى النتيجة الأصلية أي :  $T=O$

امثلة:

سيتم عرض مثال مبسط عن عملية تدريب الشبكات العصبية، وادناء جدول بين المدخلات والمخرجات المستعملة للتدريب الشبكة الانتشار العكسي.

$x_1$	$x_2$	Target (t)
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

الحل:

سيتم اختيار الأوزان عشوائياً ونبدأ باستعمال الصيغ الأولى من جدول المدخلات والمخرجات وكما كوضح في الجدول الآتي:

$x_1$	$x_2$	t	$W_{11}$	$W_{12}$	$W_{21}$	$W_{22}$	$W_{10}$	$W_{20}$
0	0	0	1	0	0	1	1	1

و سنختار قيمة سرعة التعلم مساوية إلى 1 و عدد العقد في الطبقة المخفية مساوي إلى 2 وذلك لتسهيل العمليات الحسابية علىًّا بان عدد العقد في طبقة المدخلات يساوي 2 وفي طبقة المخرجات يساوي 1.

تعريف مصطلحات رموز الشبكة العصبية الاصطناعية:

$h_1$ : مجموع المدخلات للعقدة أو الخلية الأولى في الطبقة المخفية.

$h_2$ : مجموع المدخلات للعقدة الثانية في الطبقة المخفية.

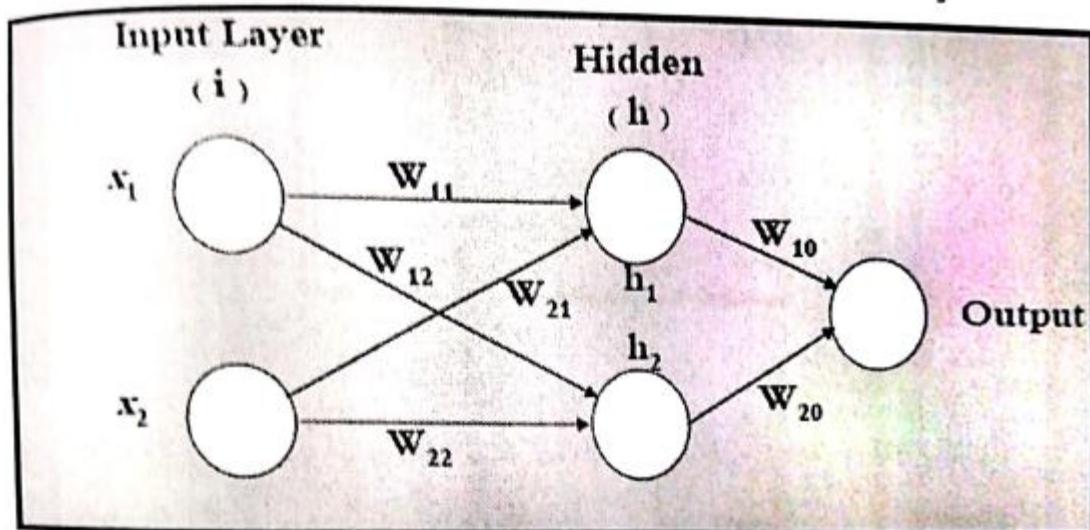
$h_0$ : مخرج العقدة الأولى في الطبقة المخفية.

$h_{12}$ : مخرج العقدة الثانية في الطبقة المخفية.

$S$ : مجموع المدخلات لعقدة طبقة المخرجات

$y$ : المخرج الفعلي للشبكة العصبية الاصطناعية

والخطط الآتي يبين معمارية الشبكة العصبية الاصطناعية قيد الدرس.



ولحل هذه الشبكة نتبع خطوات الموضحة خوارزمية الانتشار العكسي وكذلك في خطط التمرير الامامي والخلفي.

التمرير الامامي:

مجموع الاشارات التي تدخل لعقدة الاولى في طبقة المخفية.

$$0 = 0 * 0 + 0 * 1 =$$

$$h_{j1} = W_{11}X_1 + W_{21}X_2$$

مجموع الاشارات التي تدخل لعقدة الثانية في

طبقة المخفية.

$$= 1 * 0 + 0 * 0 = 0$$

$$h_{y1} = \frac{1}{1 + e^{-h_{i1}}} \\ = \frac{1}{1 + e^{-0}} = 0.5$$

خرج العقدة الأولى في الطبقة المخفية

$$h_{y2} = \frac{1}{1 + e^{-h_{i2}}} \\ = \frac{1}{1 + e^{-0}} = 0.5$$

خرج العقدة الثانية في الطبقة المخفية

مجموع الاشارات التي تدخل في عقدة طبقة المخرجات.

$$S = W_{10}h_{y1} + W_{20}h_{y2}$$

$$= 1 * 0.5 + 1 * 0.5 = 1$$

وبهذا يكون المخرج الفعلي للشبكة.

التمرير الخلفي:

المرحلة الأخرى هي تعديل أو تحديد الأوزان من خلال تحديد قيمة مقدار الخطأ.

$$\delta_k = E_k y_k (1 - y_k)$$

↓

$t_k - y_k$  Logistic function

$$\delta_k = (0 - 0.73106)(0.73106)(1 - 0.73106)$$

$$= -0.1437$$

$$W_{10}(\text{new}) = \eta \delta_k h_{y1} + \alpha w_{10} (\text{Old})$$

$$= (1)(-0.14373)(0.5) + (1)(1)$$

$$= 0.92813$$

$$W_{20}(\text{new}) = \eta \delta_k h_{y2} + \alpha w_{20} (\text{Old})$$

$$= (1)(-0.14373)(0.5) + (1)(1)$$

$$= 0.92813$$

فيما سبق تم التراجع من طبقة المخرجات إلى الطبقة المخفية وسنتستمر بتراجع باتجاه طبقة المدخلات من خلال تحديد قيمة الخطأ.

$$\delta_{h1} = h_{y1} (1 - h_{y1}) \delta_k w_{10}$$

$$= (0.5)(1 - 0.5)(0.92813)(-0.14373)$$

$$= -0.03335$$

$$\delta_{h2} = h_{y2} (1 - h_{y2}) \delta_k w_{20}$$

$$= (0.5)(1 - 0.5)(0.92813)(-0.14373)$$

$$= -0.03335$$

ويتم تعديل الأوزان الباقيه كالتالي:

$$\begin{aligned} W_{11} &= W_{11} + \eta \delta_{h_1} x_1 \\ &= 1 - (1) (-0.03335) (0) \\ &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{12} &= W_{12} + \eta \delta_{h_2} x_1 \\ &= 0 - (1) (-0.03335) (0) \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{21} &= W_{21} + \eta \delta_{h_1} x_2 \\ &= 0 - (1) (-0.03335) (0) \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{22} &= W_{22} + \eta \delta_{h_2} x_2 \\ &= 1 - (1) (-0.03335) (0) \\ &= 1 \end{aligned}$$

نلاحظ هنا بأن الأوزان لم تتغير وهذا طبيعي لأن المدخلات كلها تساوي صفر ولكن سيتغير الوضع مع المدخلات الأخرى.

نتائج المرور الأول في عملية التدريب:

$x_1$	$x_2$	$t$	$W_{11}$	$W_{12}$	$W_{21}$	$W_{22}$	$W_{10}$	$W_{20}$
0	0	0	1	0	0	1	0.92813	0.92813

سنأخذ الان الصف الثاني من المعطيات ونكرر تدريب الشبكة بأتباع نفس الاسلوب والخطوات حيث ان البيانات المستعملة في التدريب هي:  
 $x_1=0$  ،  $x_2=1$  ،  $t=1$   
و باستعمال هذه القيم والأوزان التي تم الحصول عليها في المرحلة السابقة تكون نتائج

التدريب كالتالي:

نتائج المرور الثاني في عملية التدريب:

$x_1$	$x_2$	$t$	$W_{11}$	$W_{12}$	$W_{21}$	$W_{22}$	$W_{10}$	$W_{20}$
0	1	1	1	0	0.01054	1.00838	0.9503	0.96056

وتستمر عملية التدريب بتكرار نفس الخطوات مرات عدّة حتى نحصل على اقل خطأ ممكن وبعد تكرار 1000 مرة نحصل على الأوزان المثلث و تكون النتائج الفعلية قريبة جداً من النتائج المطلوبة أو المستهدفة.

جدول الأوزان النهائية «المثلث»:

$W_{11}$	$W_{12}$	$W_{21}$	$W_{22}$	$W_{10}$	$W_{20}$
-3.5402	<b>4.0244</b>	-3.5248	<b>4.5814</b>	-11.9103	<b>4.6940</b>

اما النتائج الفعلية والمستهدفة بعد اقام عملية التدريب فهي كالتالي:

$x_1$	$x_2$	Target (t)	Output (y)
0	0	0	<b>0.0264</b>
0	1	1	<b>0.9867</b>
1	0	1	<b>0.9863</b>
1	1	1	<b>0.9908</b>

نلاحظ من خلال المثال السابق صعوبة التدريب لا تكمن في فهمه أو في العمليات الحسابية بل في المجهود الذي تتطلبه خصوصاً مع تكرار العمليات 1500 مرة واحياناً

**Example 8.1** Find the new weights when the network illustrated in Fig. 8.3 is presented the input pattern [0.6 0.8 0] and target output is 0.9. Use learning rate  $\alpha = 0.3$  and use binary sigmoid activation function.

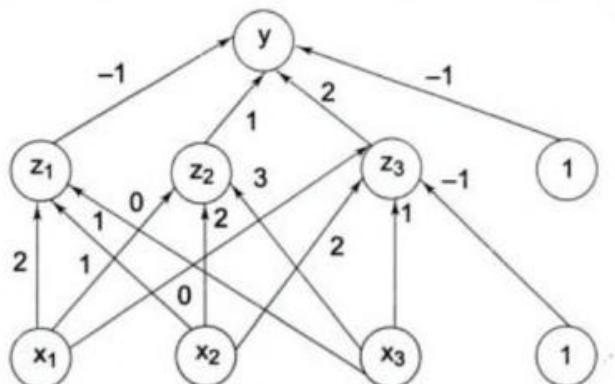


Fig. 8.3 | A Backpropagation Net

**Solution** The solution to the problem is as follows:

**Step 1:** Initialize the weight and bias

$$W = [-1 \ 1 \ 2], W_0 = [-1]$$

$$v = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 2 \\ 0 & 3 & 1 \end{bmatrix}, V_0 = [0 \ 0 \ -1]$$

**Step 3:** For each training pair

$$X = [0.6 \ 0.8 \ 0]$$

$$t = [0.9]$$

#### Feed Forward Stage

$$\begin{aligned}
 \text{Step 4: } z_{-inj} &= v_{oj} + \sum_{i=1}^n x_i v_{ij} \\
 &\Rightarrow Z_{-in1} = V_{o1} + \sum_{i=1}^3 x_i v_{i1} \\
 &\Rightarrow V_{o1} + x_1 V_{11} + X_2 V_{21} + X_3 V_{31} \\
 &\Rightarrow 0 + 0.6 \times 2 + 0.8 \times 1 + 0 \times 0 \\
 &\Rightarrow 1.2 + 0.8 = 2 \\
 z_{-in2} &= v_{o2} + \sum_{i=1}^3 x_i v_{i2} \\
 &\Rightarrow V_{o2} + x_1 V_{12} + X_2 V_{22} + X_3 V_{32} \\
 &\Rightarrow 0 + 0.6 + 0.8 \times 2 + 0 \times 3 \\
 &\Rightarrow 2.2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 Z_{-in3} &= v_{o3} + \sum_{i=1}^3 x_i v_{i3} \\
 &\Rightarrow V_{03} + X_1 V_{13} + X_2 V_{23} + X_3 V_{33} \\
 &\Rightarrow -1 + 0.6 \times 0 + 0.8 \times 2 + 0 \times 1 \\
 &\Rightarrow -1 + 1.6 = 0.6 \\
 z_1 &= f(z_{-in1}) = \frac{1}{1 + e^{-2}} = 0.8808 \\
 z_2 &= f(z_{-in2}) = \frac{1}{1 + e^{-2.2}} = 0.9002 \\
 z_3 &= f(z_{-in3}) = \frac{1}{1 + e^{-0.6}} = 0.646
 \end{aligned}$$

**Step 5:** Calculate  $Y_{-ink}$

$$\begin{aligned}
 y_{-ink} &= w_{ok} + \sum_{j=1}^p z_j w_{jk} \\
 y_{-in1} &= w_{o1} + \sum_{j=1}^3 z_j w_{j1} \\
 &= w_{01} + Z_1 W_{11} + Z_2 W_{21} + Z_3 W_{31} \\
 &\Rightarrow -1 + 0.8808 \times -1 + 0.9002 \times 1 + 0.646 \times 2 \\
 &\Rightarrow -1 - 0.8808 + 0.9002 + 1.292 \\
 y_{-in1} &= [0.3114]
 \end{aligned}$$

Calculate the output signal

$$y_1 = f[y_{-in1}] = \frac{1}{1 + e^{-0.3114}} = 0.5772$$

### Back Propagation of Error

**Step 6:** Calculate error information term  $\delta_k$ .

$$\begin{aligned}
 \delta_k &= (t_k - y_k) f'(y_{-ink}) \\
 \delta_1 &= (t_1 - y_1) f'(y_{-in1})
 \end{aligned}$$

we know that for binary sigmoid function

$$\begin{aligned}
 f'(x) &= f(x)(1 - f(x)) \\
 f'(y_{-in1}) &= f(y_{-in1})(1 - f(y_{-in1})) \\
 &= 0.5772 (1 - 0.5772) \\
 &= 0.2440 \\
 \delta_1 &= (t_1 - y_1) f'(y_{-in1}) \\
 &\Rightarrow (0.9 - 0.5772)(0.2440) \\
 &= 0.0708
 \end{aligned}$$

**Step 7:** Back propagation to be first hidden layer ( $i = 1, 2, 3$ ) we have

To calculate  $\delta_{-inj}$

$$\delta_{-inj} = \sum_{k=1}^m \delta_k w_{jk}$$

$$\delta_{-inj} = \sum_{k=1}^m \delta_k w_{jk}$$

$$\delta_{-in1} \Rightarrow \delta_1 w_{11} \Rightarrow 0.0788 \times -1 = -0.0788$$

$$\delta_{-in2} = \delta_1 w_{21} = 0.0788 \times 1 = 0.0788$$

$$\delta_{-in3} = \delta_1 w_{31} \Rightarrow 0.0788 \times 2 = 0.1576$$

To calculate error term in hidden layer,

$$\Delta = \delta_{-inj} f^1(z_{-inj})$$

$$f^1(z_{-in1}) = f(z_{-in1})(1 - f(z_{-in1}))$$

$$\Rightarrow (0.8808)(1 - 0.8808)$$

$$= 0.1049$$

$$\Delta_1 = \delta_{-in1} f(z_{-in1})(1 - f(z_{-in1}))$$

$$\Rightarrow (-0.0788)(0.1049)$$

$$= -0.0083$$

$$\Delta_2 = \delta_{-in2} f^1(z_{-in2})$$

$$f^1(z_{-in2}) = f(z_{-in2})(1 - f(z_{-in2}))$$

$$\Rightarrow (0.9002)(1 - 0.9002)$$

$$= 0.09$$

$$\Delta_2 = 0.0788 \times 0.09 \Rightarrow 0.0071$$

$$\Delta_3 = \delta_{-in3} f^1(z_{-in3})$$

$$f^1(z_{-in3}) = f(z_{-in3})(1 - f(z_{-in3}))$$

$$\Rightarrow (0.646)(1 - 0.646)$$

$$\Rightarrow 0.2286$$

$$\Delta_3 = 0.1576 \times 0.2286$$

$$= 0.0361$$

**Step 8:** Weight Updation

$$\Delta v_{ij} = \alpha \Delta_j x_i$$

$$x = [0.6 \ 0.8 \ 0]$$

$$\Delta = [-0.0083 \ 0.0071 \ 0.0361]$$

$$\alpha = 0.3$$

$$\Delta v_{11} = \alpha \Delta_1 x_1 = 0.3 \times -0.0083 \times 0.6 = -0.0015$$

$$\Delta v_{12} = \alpha \Delta_2 x_1 = 0.3 \times 0.0071 \times 0.6 = 0.0013$$

$$\begin{aligned}
 \Delta v_{21} &= \alpha \Delta_1 x_2 = 0.3 \times -0.0083 \times 0.8 = -0.002 \\
 \Delta v_{22} &= \alpha \Delta_2 x_2 = 0.3 \times 0.0071 \times 0.8 = 0.0017 \\
 \Delta v_{13} &= \alpha \Delta_3 x_1 = 0.3 \times 0.0361 \times 0.6 = 0.0065 \\
 \Delta v_{23} &= \alpha \Delta_3 x_2 = 0.0087 \\
 \Delta v_{31} &= \Delta_{32} = \Delta v_{33} = 0 \\
 \Delta v_{01} &= \alpha \Delta_1; \quad \Delta v_{02} = \alpha \Delta_2; \quad \Delta v_{03} = \alpha \Delta_3 \\
 \Delta v_0 &= 0.3 \times -0.0023 \Rightarrow -0.0025 \\
 \Delta v_{02} &= 0.3 \times 0.0071 \Rightarrow 0.0021 \\
 \Delta v_{03} &= 0.3 \times 0.0361 \Rightarrow 0.0108 \\
 v_{\text{new}} &= v_{\text{old}} + \Delta v_1 \\
 v_{11}(\text{new}) &= v_{11}(\text{old}) + \Delta v_{11} = 2 - 0.0015 = 1.9985 \\
 v_{12}(\text{new}) &= v_{12}(\text{old}) + \Delta v_{12} = 9 + 0.0013 = 1.0013 \\
 v_{13}(\text{new}) &= v_{13}(\text{old}) + \Delta v_{13} = 01 + 0.065 = 0.065 \\
 v_{21}(\text{new}) &= v_{21}(\text{old}) + \Delta v_{21} = 1 - 0.002 = 0.998 \\
 v_{22}(\text{new}) &= v_{22}(\text{old}) + \Delta v_{22} = 2 + 0.0017 = 2.0017 \\
 v_{23}(\text{new}) &= v_{23}(\text{old}) + \Delta v_{23} = 2 + 0.0067 = 2.0087 \\
 v_{31}(\text{new}) &= v_{31}(\text{old}) + \Delta_{31} = 0 + 0 = 0 \\
 v_{32}(\text{new}) &= v_{32}(\text{old}) + \Delta_{32} = 3 + 0 = 3 \\
 v_{33}(\text{new}) &= v_{33}(\text{old}) + \Delta_{33} = 1 + 0 = 1
 \end{aligned}$$

$$\therefore v = \begin{bmatrix} 1.9985 & 1.0013 & 0.085 \\ 0.998 & 2.0017 & 2.0087 \\ 0 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta W_{ok} &= \alpha \delta_k z_j \\
 \Delta W_{11} &= \alpha \delta_1 z_1 = 0.3 \times 0.0788 \times 0.8808 = 0.0208 \\
 \Delta W_{12} &= \alpha \delta_1 z_2 = 0.3 \times 0.0788 \times 0.9002 = 0.0212 \\
 \Delta W_{13} &= \alpha \delta_1 z_3 = 0.3 \times 0.0788 \times 0.646 = 0.0153 \\
 \Delta W_{11}(\text{new}) &= w_{11}(\text{old}) + \Delta w_{11} = -1 + 0.0208 = 0.9792 \\
 \Delta W_{12}(\text{new}) &= w_{12}(\text{old}) + \Delta w_{12} = 1 + 0.0212 = 1.0212 \\
 \Delta W_{13}(\text{new}) &= w_{13}(\text{old}) + \Delta w_{13} = 2 + 0.0153 = 2.0153 \\
 \Delta W_0 &= \alpha s_1 = 0.3 \times 0.0788 = 0.02364 \\
 w &= [0.9792 \ 1.0212 \ 2.0153]
 \end{aligned}$$

Thus the weights are calculated. The process can be continued upto any specified stopping condition.

H.W.

(4) ١

$\overbrace{\quad \quad \quad}^{X_1} \quad \overbrace{\quad \quad \quad}^{X_2} \quad \overbrace{\quad \quad \quad}^{X_3} \quad Y = \text{target}$

5	4	9	1
0	2	1	0
5	3	7	1
1	3	1	0

$W = [1 \ 0 \ 1]$

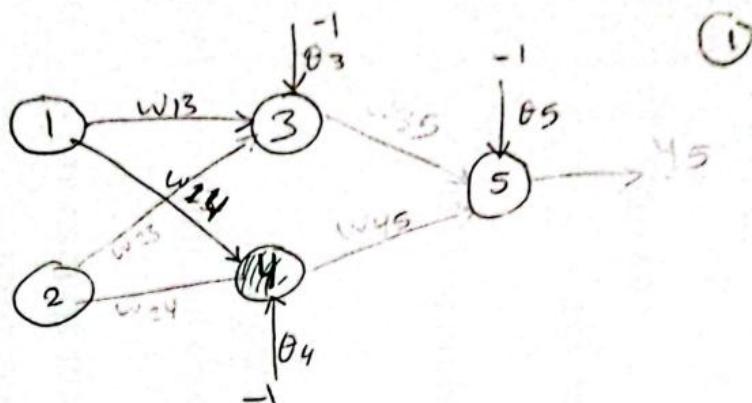
$\therefore b = 0$

$\alpha = 0.1$

$y = \begin{cases} 1, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$

Solution:  $\therefore 1 = \text{value of target} \rightarrow \alpha = 0.1$

H.W.

Ex

$w_{13} = 0.5$

$w_{14} = 0.9$

$w_{23} = 0.4$

$w_{24} = 1.0$

$w_{35} = -1.2$

$w_{45} = 1.1$

$\theta_3 = 0.8$

$\theta_4 = -0.1$

$\theta_5 = 0.3$

$x_1 = x_2 = 1$

$t = 0$

$\alpha = 0.1$

تقنيات ذكائية

د. عمر سالم

المرحلة الرابعة