

البرمجة النظري للمرحلة الأولى/الفصل الأول/ 2024-2025 (المحاضرة 6)

الدوال الجاهزة :

توجد في الماتلاب دوال جاهزة تغنينا عن إعادة برمجة كل منها في برنامج منفرد، بل بمجرد كلمة واحدة نستطيع الحصول على النتائج المطلوبة، بالنسبة لنا نحن طلبة الرياضيات عادة نستخدم القليل من هذه الدوال ومنها :

1- الدوال المثلثية : cosecant, secant, cotangent, tangent, cosine, sine

الجدول التالي يوضح المعنى لكل منهم

$\sin x$ دالة الجيب لـ x (الزوايا x مقاسة بالنصف قطرية)	$\sin(x)$
$\cos x$ دالة الجيب تمام لـ x (الزوايا x مقاسة بالنصف قطرية)	$\cos(x)$
$\tan x$ دالة الظل لـ x (الزوايا x مقاسة بالنصف قطرية)	$\tan(x)$
$\cot x$ دالة الظل تمام لـ x (الزوايا x مقاسة بالنصف قطرية)	$\cot(x)$
$\sec x$ دالة القاطع لـ x (الزوايا x مقاسة بالنصف قطرية)	$\sec(x)$
$\csc x$ دالة القاطع تمام لـ x (الزوايا x مقاسة بالنصف قطرية)	$\csc(x)$

ملاحظات مهمة عن الدوال المثلثية:

أ - للحصول على المعكوس (arc) وهو الانفرس للدالة المثلثية نضيف الحرف a في بداية اسم الدالة. مثلاً $\cos^{-1}x$ تعني $\arccos(x)$

ب - للحصول على الدالة المثلثية الزائدية hyperbolic h نضيف الحرف h في نهاية اسم الدالة مثلاً . $\sinh^{-1}x$ تعني $\text{asech}(x)$ وعليه ستكون $\sinh(x)$

ج - للحصول على الدالة المثلثية (للزوايا المقاسة بالدرجات المستينية degrees) من الممكن قراءة المساعدة عن أي دالة مثلية.

2- الاعاز end عندما يكون في داخل احد ابعاد المصفوفة سيعني كلمة "الأخير" منها، الأمثلة

$$a = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \end{bmatrix}$$

التالية توضح ذلك لتكن المصفوفة

مثال(1) حذف العمود الأخير من a سيكتب بالشكل $a(:,\text{end})=[]$ وعليه سيتغير شكل المصفوفة

$$a = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 5 & 6 & 7 \\ 9 & 10 & 11 \end{bmatrix}$$

لتصبح

مثال(2) اذا رغبنا بتكون مصفوفة b من a بحيث تحتوي b على كافة أعمدة a من العمود الثاني الى

$$. b = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 6 & 7 & 8 \\ 10 & 11 & 12 \end{bmatrix}$$

الأخير ، سنكتب الاعاز بالشكل التالي $b=a(:,2:\text{end})$ لتصبح b بالشكل

مثال(3) اذا كان المطلوب منا جعل القيمة 8 وهي الواقعة في السطر الثاني والعمود الأخير من المصفوفة تأخذ القيمة 888 مثلا ، فإننا سنكتب الاياعز بالشكل $a(2,end)=888$.

مثال(4) اذا كان المطلوب منا جعل القيمة 12 وهي الواقعة في السطر الأخير والعمود الأخير من المصفوفة تأخذ القيمة 999 مثلا ، فإننا سنكتب الاياعز بالشكل $a(end,end)=999$.

3- المدور: الدالة المستخدمة للحصول على مدور المصفوفة هي علامة المتن ' مثال ذلك إذا كانت المصفوفة $a = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$ واردنا المدور ولتكن اسمه b ، فللحصول عليه سنكتب ' $b=a$ لنجعل على الناتج $b = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$

4- المصفوفة الصفرية : للحصول على مصفوفة a كل عناصرها أصفار ولتكن ذات بعد 3×4 سنكتب $a=zeros(3,4)$.

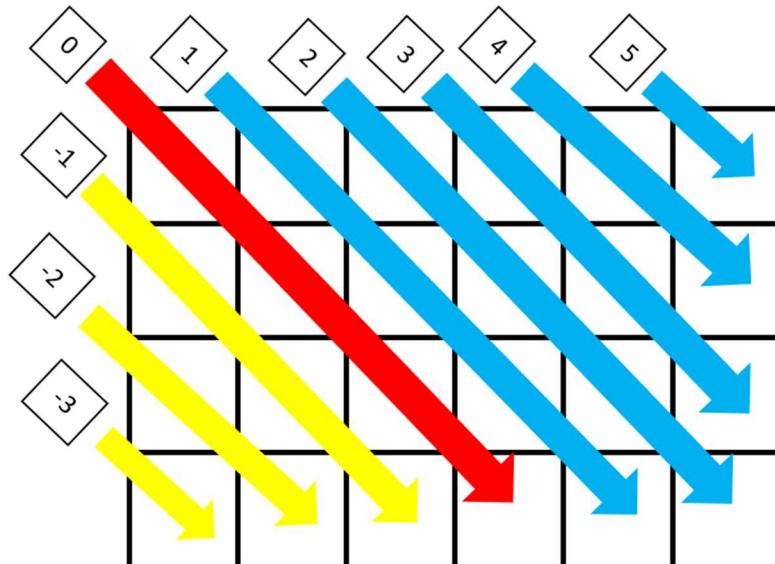
5- المصفوفة الواحدية : للحصول على مصفوفة a كل عنصر فيها له القيمة واحد ولتكن ذات بعد 4×2 سنكتب $a=ones(4,2)$.

6- المصفوفة المحايدة : وهي مصفوفة صفرية ولكن قطرها الرئيسي كله واحdas ، فإذا رغبنا بتكونين المصفوفة a ذات البعد 5×3 فإننا سنكتب $a=eye(3,5)$ لنجعل على هذه المصفوفة

1	0	0	0	0
0	1	0	0	0
0	0	1	0	0

الآن نحتاج الى توضيح فكرة ترقيم الأقطار:

إن كل مصفوفة نستطيع أن نرمز لمواقع عناصر قطرها الرئيسي بالرمز 0 ، ولكل قطر فوق القطر الرئيسي بالأعداد الموجبة 1 يليه 2 يليه 3 وهكذا ... كذلك نرمز لكل قطر يقع تحت القطر الرئيسي بالأعداد السالبة -1- يليه -2- يليه -3- وهكذا ... ، سيصبح تخيل أقطار المصفوفة ذات البعد 6×4 مشابه للشكل التالي:



7- الایعاز **diag** : هذا الایعاز قابل للتنفيذ على المصفوفة لينتج عمود وكذلك اذا تم تنفيذه على متوجه (سطر او عمود) سينتج مصفوفة مربعة . إذا كانت a مصفوفة وكان x متوجه ، وكانت n عددا صحيحا فإن لهذا الایعاز استخدامين

أ- لجعل المتوجه x يقع في القطر n ويتم ذلك بالصيغة التالية $diag(x, n)$ مثل ذلك اذا كان $x = [1 \ 2 \ 3]$ وكانت $n = -1$

$$b =$$

$$\begin{matrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \end{matrix}$$

ب- لتكوين عمود يتكون من القطر n من المصفوفة a ويتم ذلك بالصيغة $diag(a, n)$ ، مثل ذلك

اذا كانت $a = [1 \ 2 \ 3]$ وكانت $n = 1$ فإن $w = diag(a, 1)$ سينتج

$$w =$$

$$\begin{matrix} 2 \\ 6 \end{matrix}$$

8- مثليّة علیا : لتوليد مصفوفة مثليّة علیا من المصفوفة الأصلية a وإبتداءً من القطر n . مثل

ذلك اذا كانت $a = [1 \ 2 \ 3]$ فإن ناتج $v = triu(a, 1)$ سيكون

$$v =$$

$$\begin{matrix} 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 6 \end{matrix}$$

9- مثليّة سفلى : لتوليد مصفوفة مثليّة سفلى من المصفوفة الأصلية a وإبتداءً من القطر n . مثل

ذلك اذا كانت $a = [1 \ 2 \ 3]$ فإن ناتج $k = tril(a, 1)$ سيكون

$$k =$$

$$\begin{matrix} 1 & 2 & 0 \\ 4 & 5 & 6 \end{matrix}$$

10- معكوس المصفوفة: للحصول على معكوس المصفوفة a ما علينا سوى كتابة $inv(a)$ ، مثل

ذلك إذا كانت $t = inv(a)$ فإن المعكوس لها سيكون

$$t =$$

$$\begin{matrix} -0.4211 & 0.2632 \\ 0.3684 & -0.1053 \end{matrix}$$

11- حجم المصفوفة: لإيجاد حجم مصفوفة نستخدم الإياعز `size` إذ ينتج سطر يمثل أبعاد (حجم) المصفوفة a مثل ذلك اذا كانت $d = size(a)$ فإن ناتج $d = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$ سيكون

`d =`

2 3

بينما لو حدنا أي بعد مطلوب فسينتج ذلك البعد، (البعد الأول للأسطر والبعد الثاني للأعمدة) مثل ذلك اذا كانت $d1 = size(a, 1)$ فإن ناتج $d1 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$ سيكون

`d1 =`

2

كذلك فإن ناتج $d2 = size(a, 2)$ سيكون

`d2 =`

3

وعليه فإن الإياعز `size(a, n)` ينتج البعد ذا التسلسل n من حجم المصفوفة a اذا كانت 1 فسينتج عدد الأسطر ، وذا كانت $2 = n$ فسينتج عدد الأعمدة، كما هو واضح من أعلاه .