

احصاء حيوي

الקורס الاول

(موضوع المحاضرة)

اختبار الفرضيات Tests of Hypothesis
أنواع الأخطاء

Dr.Safwan Nathem Rashed

• الخطأ من النوع الاول والخطأ من النوع الثاني

نحن في صدد اتخاذ قرار بشأن قبول فرضية العدم ورفض الفرضية البديلة او رفض فرضية العدم وقبول الفرضية البديلة، عملية اتخاذ القرار تستند بالأساس على قياسات العينة التي تم اختيارها، وقد تكون قياسات هذه العينة غير صحيحة، ولذلك في اتخاذنا للقرارات المذكورة قد نقع في نوعيتين من الخطأ هما

الخطأ من النوع الاول (Type I Error) والخطأ من النوع الثاني (Type II Error)

• الخطأ من النوع الاول (Type I Error)

يقع الباحث في الخطأ من النوع الاول إذا رفض فرضية عدم عندما تكون هذه الفرضية صحيحة.

• الخطأ من النوع الثاني (Type II Error)

يقع الباحث في الخطأ من النوع الثاني إذا قبول فرضية عدم عندما تكون هذه الفرضية خاطئة.
والجدول الآتي يوضح هذين الخطأين.

قرارات اختبار الفرضية الصفرية

الفرضية الصفرية		القرار
خاطئة	صحيحة	
الخطأ من النوع الثاني (β) $1 - \beta$	صحيحة	قبول فرضية H_0
صحيحة	الخطأ من النوع الأول (α) $1 - \alpha$	رفض فرضية H_0

• مستوى المعنوية

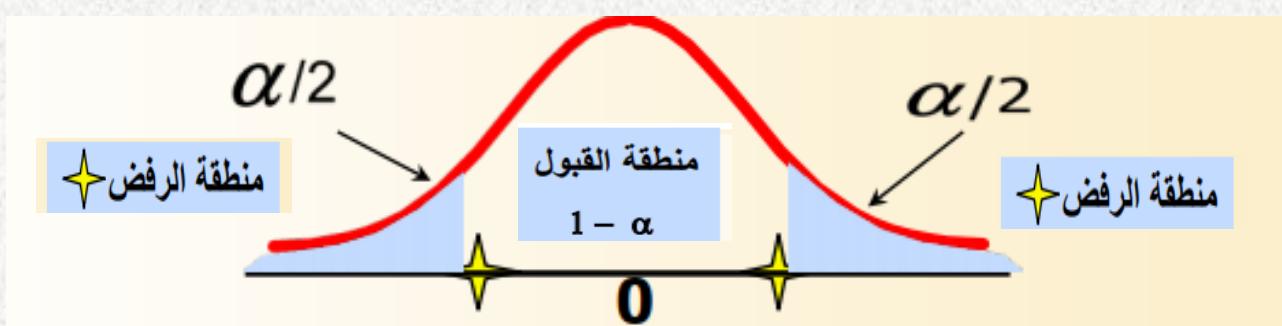
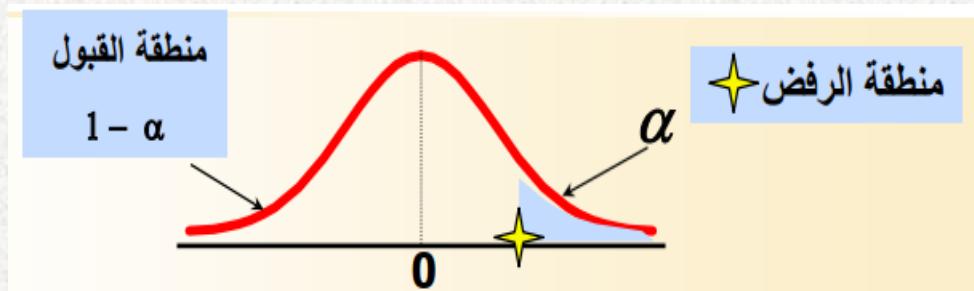
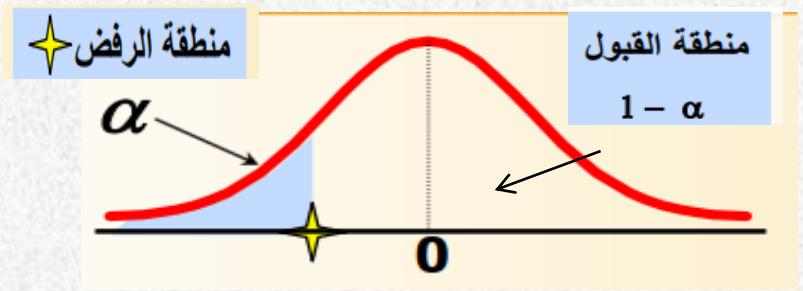
.Level of Significance

ان قيمة احتمال (H_0) عندما تكون صحيحة، اي احتمال الوقوع في الخطأ من النوع الاول يمثل مستوى المعنوية ويرمز عادةً لمستوى المعنوية بالرمز (α) اي ان:

$$\begin{aligned}\alpha &= p(\text{Rejecting } | H_0 \text{ is True}) \\ &= p(\text{Type I Error})\end{aligned}$$

حيث ان قيمة (α) اي مستوى المعنوية تحدد مسبقاً وقبل البدء بالاختبار، وعادةً ما يتم اختيارها وحسب الدراسة اما 0.05,0.01

فضلاً عن ذلك فان مستوى المعنوية يتأثر بنوع الاختبار فاذا كان الاختبار من جانب واحد (اما ايمن او ايسر) فان قيمة (α) تبقى كما هي، اما اذا كان الاختبار من جانبيين فان (α) تقسم على (2) اي ($\frac{\alpha}{2}$) في كل جانب وكما هو موضح بالأشكال الاتية:



• قوة الاختبار

.Power of the Test

وهي احتمال قبول (H_0) عندما تكون غير صحيحة، فلو رمزا لاحتمال الوقوع في الخطأ من النوع الثاني بالرمز (β) اي ان:

$$\begin{aligned}\beta &= p(\text{Rejecting} \mid H_0 \text{ is False}) \\ &= p(\text{Type II Error})\end{aligned}$$

فإن قوة الاختبار ستكون:

$$\text{Power of the test} = 1 - \beta$$

$$= 1 - p(\text{Rejecting} \mid H_0 \text{ is False})$$

وهذا يتضمن وكما تم ذكره ان قيمة (β) ذات زيادة اي زادت قوة الاختبار لذلك توجد علاقة بين (β, α) وكالاتي:

١. نقصان احداهما يزيد الاخر.
٢. ان زيادة حجم العينة (n) يقلل من احتمال الوقوع بكل الخطأين (β, α) .
٣. ان (α) تحسب على اساس فرضية عدم بينما (β) تحسب على اساس الفرضية البديلة.

ملاحظة:

اذا كان مستوى احتمال هو (0.01) يعني انه تكررت التجربة لعدد كبير من المرات فمن المحتمل ان نرفض فرضية عدم (H_0) بالرغم من انها صحيحة مرة واحدة من كل مئة مرة اي ان احتمال الوقوع في الخطأ في الاستنتاج هو (0.01) او (1%) وان الاستنتاج يكون سليماً وصائباً بدرجة (0.99)، وهذا بالنسبة لمستوى الاحتمال (0.05) اي اننا ممكنا ان نقع بخطأ في الاستنتاج عند رفض (H_0) بمستوى نسبة (0.05) او (5%) بينما القرار يكون موثوقاً بدرجة (0.95).