

محاضرات المحاكاة

الكورس الثاني

المحاضرة الثانية

Fibonacci method طريقة فيبوناتسي

يتم توليد الاعداد وفق هذه الطريقة من العلاقة الاتية

$$X_i = X_{i-1} + X_{i-2} \bmod m \quad i=3,4,5,\dots$$

اذان X_1, X_2 هما عددا بذرة يجب تحديدهما وان m عددا كبيرا . من سلبيات هذه الطريقة ان الاعداد المولدة يكون بينها ترابط ذاتي مما ، يضعف الخاصية العشوائية المفروضة في هذه الاعداد.

طريقة المعكوس : Inverse method

هي طريقة يتم بموجبها الحصول على متغير عشوائي يتبع توزيعا معينا لتوليد ارقام عشوائية تتبع ذلك التوزيع وذلك بالاعتماد على الارقام العشوائية التي تتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم القياسي .

نفترض اننا نريد الحصول على عينة عشوائية من دالة توزيع احتمالية $f(x)$ سواء كان التوزيع متصل او متقطع فطريقة المعكوس تقوم اولا بأيجاد دالة الكثافة التراكمية

$$F(x) = P\{ y \leq x \}$$

حيث $0 \leq F(x) \leq 1$ لكل قيم y المعرفة ثم نتبع الخطوات التالية

1- توليد ارقام عشوائية R من التوزيع المنتظم القياسي $U(0,1)$

2- حساب او ايجاد قيمة X المرادة من $X = F^{-1}(R)$

خوارزمية طريقة المعكوس

- اذا كان x يأخذ القيم $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ بأحتمال p_1, \dots, p_n بحيث

$$\sum_{i=1}^n p_i = 1 \quad 1 \leq p_i \leq 0$$

- نتبع الخطوات التالية لايجاد القيم العشوائية

- الخطوة الاولى : نوجد الدالة التراكمية F_n

$$F_1 = P_1$$

$$F_2 = P_1 + P_2$$

.

.

.

.

$$F_k = \sum_{i=1}^k p_i \quad -$$

.

.

$$F_n = \sum_{i=1}^n p_i \quad -$$

الخطوة الثانية : نختار العدد العشوائي R_i فإذا كان

$$\sum_{i=1}^{n-1} P_i < R_i \leq \sum_{i=1}^n P_i$$

$$F_{n-1} < R_i \leq F_n \quad \text{اي}$$

فعندئذ الكمية العشوائية تأخذ القيمة X_n وكما موضح

$$X_1 \quad \text{if} \quad 0 < R \leq P_1$$

$$X_2 \quad \text{if} \quad P_1 < R \leq P_1 + P_2$$

•
•
•

$$X_n \quad \text{if} \quad \sum_{i=1}^{n-1} P_i < R \leq \sum_{i=1}^n P_i$$

Q) Let the probability distribution for the time interval between machine shutdowns in a factory be as follows:

$P_1=0.12$	$T_1=4$
$P_2=0.48$	$T_2=5$
$P_3=0.22$	$T_3=6$
$P_4=0.18$	$T_4=7$

Find (4) random values by inveres method, knowing that the random numbers Ri are:

(0.6955, 0.5806, 0.1129,0.3232)

Monte carlo method (طريقة المونت كارلو)

Algorithm

1- تحديد الهدف : معرفة الطلب اليومي المتوقع

2- تصميم النموذج

الطلب اليومي المتوقع = (مجموع الطلب اليومي) ÷ (عدد الايام)

عدد الايام : هو عدد ايام التي يتم فيها اجراء المحاكاة

3- تصميم التجربة : بما ان السيطرة على المخزون تعتمد على متغير عشوائي هو الطلب اليومي لذلك نضع فترة ارقام عشوائية له حيث نتبع الخطوات التالية .

أ- ايجاد الدالة الاحتمالية للطلب اليومي

$$P_i = \frac{F_i}{\sum F_i}$$

ب - ايجاد الدالة التراكمية F_n $F_i = \sum_{i=1}^n P_i$

ج - انشاء فترة I_n للرقام العشوائية للخطوة ب $I_n = F_{n-1} - F_n$

اجراء التجربة : حيث يتم تحديد الفترة التي يقع بها الرقم العشوائي ومن خلالها تحديد الرقم
4-المقابل للفترة العشوائية

تصميم وتحليل النتائج من خلال القانون التالي : (مجموع الطلب اليومي) ÷ (عدد ايام
5-المحاكاة)

Q) If the daily demand for auto parts in the last 500 days is as shown in the table

Repetition	Daily demand for auto parts
40	0

80	1
100	2
120	3
100	4
60	5

Conduct a simulation of the daily demand for auto parts using the Monte Carlo method for a period of (10) days, knowing that the random numbers

(0.32، 0.73 ،0.41 ،0.38 ، 0.73 ، 0.01، 0.09 ، 0.64 ، 0.34، 0.55)