

كلية التربية للعلوم الصرفة / قسم
الكيمياء
المرحلة الرابعة

الكيمياء الفيزيائي
(الكم والطيف)

**PHYSICAL CHEMISTRY
(QUANTUM & SPECTROSCOPY)**

اعداد

ا.م.د. زاهدة احمد نجم ا.م.د. محمد محمد أمين الامام
كيمياء الكم

بعض المفاهيم الأساسية وأسس الميكانيك التقليدي

- النظم الإحداثية ، الأعداد المعقدة ، المؤثرات ، الدالات الموجية المقبولة ، ، معادلة القيمة الذاتية، النظام الاحتفاظي، قانون نيوتن في الحركة، معادلة لاكرانج و هاملتون في الحركة.

أسباب ظهور ميكانيك الكم

- إشعاع الجسم الأسود ، التأثير الكهروضوئي ، الخطوط الطيفية للذرات ، نموذج رذرفورد- بور للذرة.

ميكانيك الكم

- فرضيات ميكانيك الكم ، عامل هيرفي ، التعامدية والتناسقية، معادلة شرودنكر على جسيم في صندوق ، المهتز التوافقي ، الدوار الصلب ، ذرة الهيدروجين

طرق التقريب لحل معادلة شرودنكر

طريقة التغيير

طريقة التشويش

الفصل الأول : بعض المفاهيم الأساسية وأسس الميكانيك التقليدي

1- النظم الإحداثية :Coordinate Systems

استخدمت الرياضيات في معظم مجالات الكيمياء الفيزيائية وبالأخص في ميكانيك الكم والتركيب الجزيئي وان أي نظام إحداثي يمثل طريقة لتعيين موقع جسيم (او أي نقطة في الفراغ). هناك أنواع مختلفة من الأنظمة الإحداثية أهمها:

الإحداثيات الكارتيزية Cartesian Coordinates.

الإحداثيات الكروية – القطبية Spherical-Polar Coordinate.

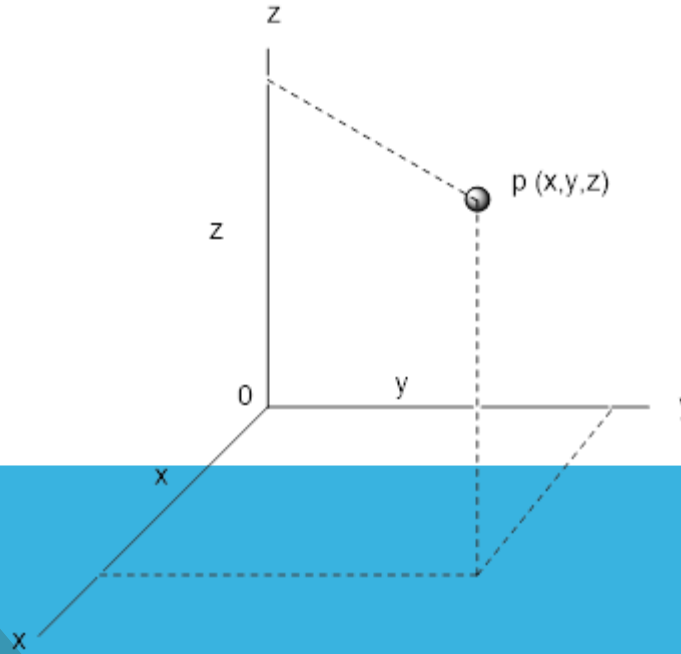
الإحداثيات الاسطوانية Cylindrical Coordinate.

الإحداثيات الاهليجية متحدة البؤرة Confocal Ellipsoidal Coordinates.

إن اختيار أي نوع من هذه الإحداثيات يعتمد بالأساس على المسألة المراد حلها بحيث يجعلها أكثر بساطة.

- الإحداثيات الكارتيزية (الديكارتية) Cartesian Coordinates

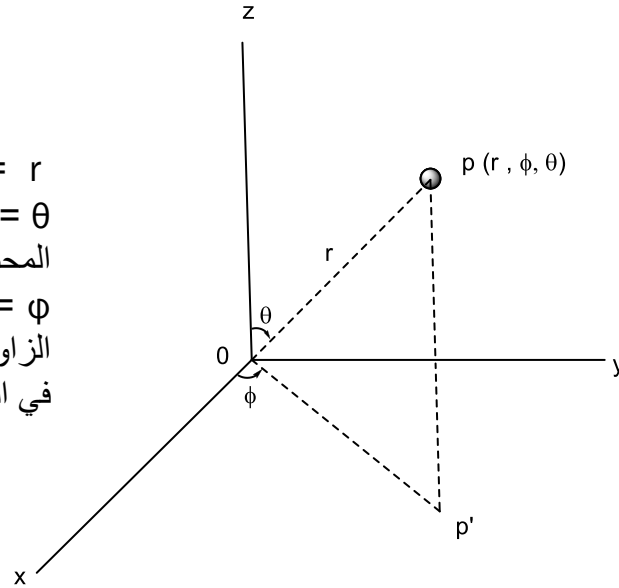
هذه الإحداثيات أكثر شيوعاً في الاستخدام ووفقاً لهذا النظام يمكن تمثيل موقع النقطة (p) في الفراغ بواسطة مسافات على طول ثلاثة محاور متعامدة هي (x,y,z) كما في الشكل التالي:



2 - الإحداثيات الكروية – القطبية Spherical-Polar Coordinate

في هذا النظام الإحداثي يمكن تمثيل النقطة p في الفراغ بواسطة مسافة (r) وزاويتين

$(\theta$ و $\phi)$ كما في الشكل التالي:



$r = \text{طول الشعاع } op$

$\theta = \text{الزاوية القطبية polar angle}$: وهي الزاوية

المحصورة بين الشعاع op والمحور z

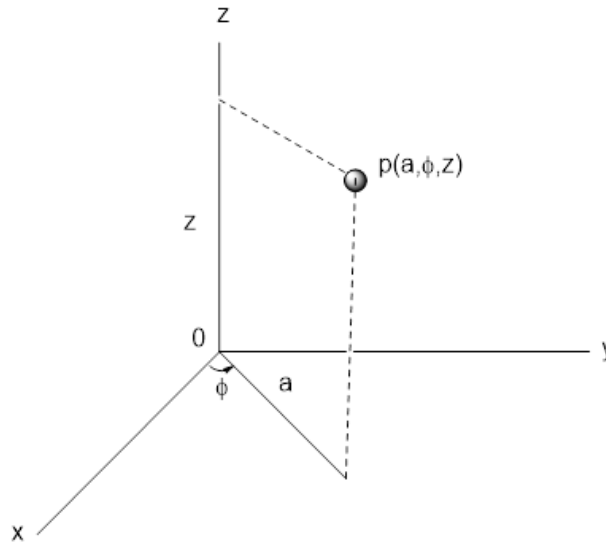
$\phi = \text{الزاوية السمئية azimuthal angle}$: وهي

الزاوية المحصورة بين المحور x ومسقط الخط op

في المستوي xy .

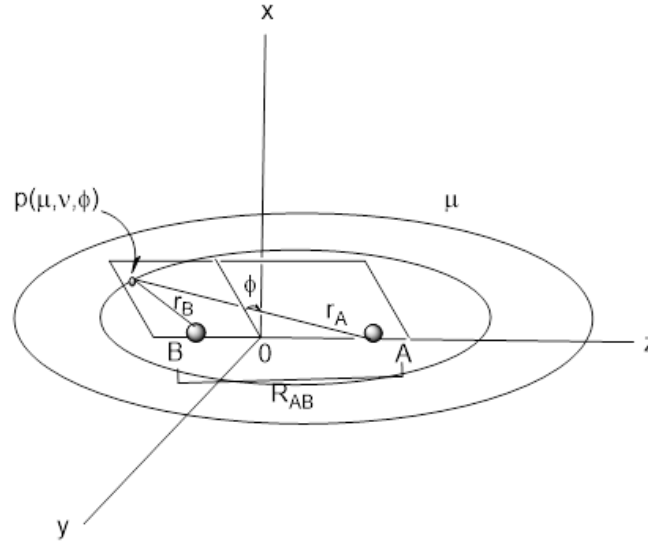
- الإحداثيات الاسطوانية Cylindrical Coordinate

تحدد النقطة p بواسطة مسافتين وزاوية ، المسافة الأولى هي z وتمثل طول مسقط النقطة p على المستوي xy والمسافة الثانية هي a وهي طول مسقط النقطة op على المستوي xz اما الزاوية ϕ فهي الزاوية المحصورة بين محور الخط op' والمستوي xy كما في الشكل التالي:



الإحداثيات الاهليجية متحدة البؤرة Confocal Ellipsoidal Coordinates

تستخدم هذه الإحداثيات للمسائل المتضمنة مركزيين A, B متباعدين بمسافة ثابتة R ، إن الخطين Ap و Bp تحدد مستوي النقطة p أما الخط المتكون من تقاطع هذا المستوي مع المستوي xy فإنه يحدد الزاوية ϕ . ويمكن تعريف إحداثيات النقطة p بـ (μ, ν, ϕ) من تحديد المسافتين r_A و r_B على طول الخطين Ap و Bp على التوالي حيث إن:



الأعداد المعقدة (المركبة):

إن نظام الأعداد الحقيقية لم يعد كافياً لتلبية الاحتياجات الرياضية وخاصة فيما يتعلق بالفيزياء النظرية .

□ لا يوجد عدد حقيقي يوافق المعادلة

عدد خيالي

□ العدد المركب (او العدد المعقد) : هو العدد الذي يتكون من جزئين جزء حقيقي و جزء خيالي.

$z = x + iy$ (أعداد حقيقية x, y عدد خيالي i)

□ لكل عدد مركب (معقد) مرافق معقد z^*

$$z^* = x - iy$$

من حاصل ضرب القيمة المطلقة للعددين (المركب والمرافق z, z^*) نحصل على مقدار حقيقي موجب :

أما طريقة جمع الأعداد المركبة فيكون بجمع الأعداد الحقيقية مع بعضها والأجزاء الخيالية مع بعضها كلا " على انفراد فمثلاً" $a + b$

$$a = x_1 + iy_1, b = x_2 + iy_2$$

$$a + b = (x_1 + x_2) + i(y_1 + y_2)$$

$$a - b = (x_1 - x_2) - i(y_1 - y_2)$$

المؤثرات Operators

إن كل عملية رياضية محددة مثل إضافة كمية معينة أو الضرب بها الخ يمكن تمثيلها بوساطة رمز خاص يسمى مؤثراً " operator . فالمؤثر هو رمز يدل على عملية أو سلسلة عمليات رياضية تجرى على دالة وتغيرها إلى دالة جديدة.

مثال 1 : إذا كان w مؤثران بحيث إن a يمثل إضافة f الى الدالة f و c يمثل عملية ضرب الدالة f بـ c فإن :

$$c f = (a + f)$$

$$f = (C . f) + a$$

وفي حالة التعامل مع اكثر من مؤثر فإنه يجب مراعاة تنظيم عمل المؤثرات بنفس الترتيب الذي تذكر فيه والمعتاد عليه ان نبدأ دائماً بالمؤثر الكائن على جهة اليمين ونتجه نحو اليسار.

إذا كان $=$ فإن المؤثرين يقال إنهما متبادلان Commute وتدعى الكمية - بالمبدل Commutator وتكتب غالباً بالشكل $[,]$ فإذا كان ، متبادلين فعندئذ تكون قيمة المبدل صفراً وبالعكس عندما تكون قيمة المبدل صفراً فإن ، متبادلان.

أنواع المؤثرات الرياضية:

المؤثرات الخطية linear operators .

المؤثرات غير الخطية non – linear operators .

1- المؤثرات الخطية linear operators

يكون المؤثر خطياً إذا توفر فيه الشرط التالي:

$$(f + g) = f + g$$

$$n f = f n$$
 حيث ان n كمية ثابتة

يعتبر d/dx مؤثراً خطياً .

معادلات القيمة الذاتية (معادلة ايكن) Eigen value equation

ان المعادلة من النوع تدعى بمعادلة القيمة الذاتية حيث ان هو المؤثر على الدالة eigen function التي تسمى الدالة الذاتية و a هو ثابت ايكن eigen value.

Ex. : الدالة هي دالة ذاتية للمؤثر مع قيمة ثابت = 3 ويمكن الحصول على هذه القيمة عن طريق اجراء عملية التفاضل

كذلك الدالة $\sin 3x$ هي دالة ذاتية للمؤثر

الدالة هي $\sin 3x$ و الثابت = -9

$$\frac{d^2}{dx^2} \sin 3x = -9 \sin 3x$$

$$\frac{d}{dx} \sin 3x = 3 \cos 3x$$

$$\frac{d}{dx} (3 \cos 3x) = -9 \sin 3x$$

الميكانيك التقليدي (الكلاسيكي)

Classical Mechanic

يعتبر الميكانيك التقليدي (الكلاسيكي) من اقدم فروع الفيزياء وتطور على ايدي علماء اهمهم اسحق نيوتن التي تميزت بما يلي:

تطبيقاتها العملية المباشرة ودرجة الدقة التي تعتبر كافية لوصف الاجسام المنظورة والتنبؤ بسلوكها.

ظهر عجزها عند تطبيقها على الجسيمات المجهرية كالذرات او مكونات الذرات (الالكترونون , النيوترون والبروتون) او الاجسام التي تسير بسرعة هائلة تقترب من سرعة الضوء. وتفقد هذه الى نتائج تناقض النتائج العملية المستحصلة من الظاهر المجهرية التي تحدث في حقول الفيزياء الذرية والنوية مما ادى هذا التناقض الى ظهور ميكانيك الكم او النظرية النسبية لاينشتاين.

وعلى الرغم من تفوق الميكانيك الكمي في معالجة المسائل التي تتعامل مع الجسيمات الصغيرة والتي تتحرك في نطاق السرعة الهائلة الا ان الميكانيك التقليدي بقي محتفظاً بأهميته التي تتجلى باعتباره القاعدة الاساسية التي يستند عليها هيكل الفيزياء الحديثة.

لا يوجد حد قاطع يفصل بين الميكانيك التقليدي والميكانيك الكمي بل هناك مناطق تداخل بينهما وان بعض قوانين الميكانيك التقليدي لازالت تستخدم في مجال الميكانيك الكمي لهذا السبب يمكن اعتبار الميكانيك الكمي امتداد للميكانيك التقليدي ولكن بمجموعة محددة من القوانين وبنمط وصفي خاص.

ميكانيك الكم Quantum Mechanic

في نهاية القرن التاسع عشر ظن كثير من الفيزيائيين ان العالم كله اصبح مفهوما ولم يتبقى الا بضعة ظواهر تحتاج الى تفسير منها كيفية توزيع الطاقة على الترددات او الاطوال الموجية في الاجسام الساخنة المثالية (أو ما يسمى اشعاع الجسم الاسود Black body radiation) حيث لوحظ وجود تناقض مع ما تقرره النظرية الكهرومغناطيسية وظاهرة التأثير الكهروضوئي حيث وجد ان الطاقة الحركية للالكترونات المنبعثة لا تتناسب مع شدة الضوء بل مع تردده وكانت المشكلة الكبرى القائمة منذ زمن هي مشكلة فهم كيفية ظهور الاطياف اللونية الخطية البراقة والمعتمدة عند تسخين الغازات تحت ضغوط واطئة وتداخلت هذه المشاكل كلها لدى بعض الفيزيائيين حتى غدت غير قابلة للحل لكن عموم الفيزياء كان قائماً على ثلاث اركان متينة هي :-

قوانين نيوتن في الحركة والجاذبية وما يتعلق بها من صياغات فيما يسمى ميكانيك لاكرانج وهاملتون.

نظرية ماكسويل في الكهرومغناطيسية وما يتعلق بها من علوم البصريات

علوم الدائنيكا الحرارية والميكانيك الاحصائي وما يتعلق بها من قوانين الاشعاع .

المطلوب هو اذا " حل المشاكل العالقة لكي تكتمل نظرية الفيزياء الكلاسيكية وبذلك يصبح فهم العالم ممكنا"

من ابرز مضامين هذا التصور الكلاسيكي للعالم ما يلي :-

ان العالم مقسم الى مادة تمثلها الجسيمات ذوات الكتلة والطاقة التي تتمثل بالاشعاع الحراري والضوء والكهرومغناطيسية عموما"

ان العالم (الطبيعة) هي ظواهر حتمية قابلة للتكرار واغلبها قابلة للعكس

ان نتائج الدراسات الفيزيائية هي نتائج مؤكدة وقطعية تعتمد دقتها على دقة ادوات القياس واساليبه

في السنين الاولى من القرن العشرين تفاقمت مشكلات الفيزياء وبرزت الى حيز الفكر العلمي افكار ومفاهيم جديدة فرضه واقع

الظاهرة الفيزيائية فظهرت نظريات جديدة من ضمنها نظرية الكم وتقوم هذه النظرية على ثلاثة اعمدة جديدة هي :-

نظرية النسبية

نظرية المجال الكمي والايكترودائنيكي الكمي

الميكانيك الاحصائي الكمي

وأصبحت الفيزياء الكلاسيكية حالة خاصة من هذه النظرية الجديدة تختص بالتعامل مع العالم الكبير (العالم الجهري) وقد يتصور

البعض ان نظرية الكم تقتصر على العالم الصغير (العالم المجهري) أي علم الذرات والجزيئات فقط لكن هذا غير صحيح

فنظرية الكم وما يتبعها تنطبق على جميع العالم

معادلات الحركة

إن الهدف الاساسي للميكانيك التقليدي هو تشكيل معادلة الحركة لاي نظام ميكانيكي سواء كان على شكل جسيم منفرد او مجموعة من الجسيمات تخضع لتأثير قوى مختلفة وبعد ذلك توضع هذه المعادلة تحت شروط اولية للتوصل الى وصف كامل للحركة بدلالة الموقع والسرعة والتعجيل في أي لحظة زمنية وفي بعض الحالات لايمكن تطبيق قانون نيوتن لذلك ينبغي اللجوء الى طريقة لاكرانج وهاملتون

الانظمة المحافظة Conservative System

ان المسألة الاساسية للميكانيك الكلاسيكي هو وصف الحركة لانظمة من الجسيمات تحت تأثير قوى مختلفة أي حل المعادلة التفاضلية الناتجة عن قانون نيوتن التالي

$$\sum F = m.a$$

قانون نيوتن للحركة

تعريف النظام المحافظ : هو النظام الذي يكون فيه حاصل جمع الطاقة الحركية (kinetic Energy) مع طاقة الجهد (potential Energy) مساويا لكمية ثابتة مع الزمن.

$$H = T + V$$

$$H = \text{hamilton}$$

$$T = \text{kinetic energy}$$

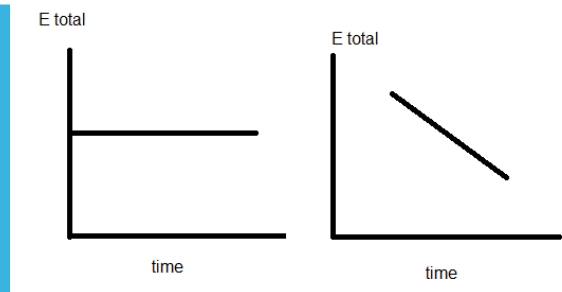
$$V = \text{potential energy}$$

بمعنى آخر هو نظام معزول لا يتأثر بالقوى الخارجية ولا يمتلك قوى داخلية مشتته كالاحتكاك لذا يمكن تعريفه بأنه النظام الذي يمكن فيه اشتقاق القوى من دالة الجهد او الطاقة الكامنة :

$$F = -\nabla V$$

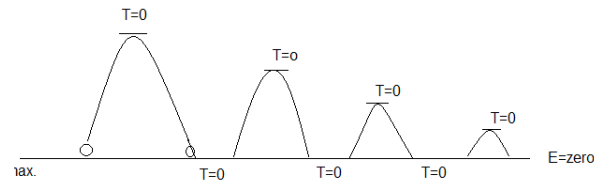
$$F_x = -\frac{dv_x}{dx}$$

الانظمة الموجودة في الطبيعة ترى ان العلاقة بين الطاقة والزمن علاقة عكسية لان كل شيء في الطبيعة يميل الى الاستقرار بفقدان الطاقة لكن في النظام المحافظ تبقى الطاقة ثابتة مع الزمن



مثال على النظام المحافظ حركة الالكترون حول النواة وكذلك حركة الارض حول

الشمس



لتوضيح ان التعريفين صحيحين نأخذ جسيم منفرد مجبر على الحركة في اتجاه واحد
ليكن x . حسب قانون نيوتن الثاني اذا كان الجسيم يسير باتجاه واحد (باتجاه x)

$$\boxed{m} \quad \text{-----} \quad Fx \quad x$$

$$F_x = m.a$$

$$F_x = m \frac{d^2 x}{dt^2} \quad \text{نفرض بأن} \quad \dots\dots\dots$$

(F = القوة المؤثرة على الجسيم باتجاه x حسب التعريف الاول للنظام المحافظ)

حسب التعريف الثاني :

$$F_x = - \frac{dv_x}{dx}$$

$$- \frac{dv_x}{dx} = m \cdot \frac{d^2 x}{dt^2}$$

$$\frac{dx}{dt} = x$$

$$\left[- \frac{dv_x}{dx} = m \cdot \frac{dx}{dt} \right] . dx$$

$$\therefore \frac{dv_x}{dx} dx = m \cdot \frac{dx}{dt} . dx$$

$$- dv = mx dx$$

$$-v + c_1 = \frac{1}{2} mx^2 + c_2$$

$$C = E = V + \frac{1}{2} mx^2$$

بتكامل طرفي المعادلة

ان أية خاصية لنظام ميكانيكي لا تعتمد على الزمن تدعى بالثابت الحركي والطاقة الكلية E بالنسبة للنظام المحافظ او الاحتفاظي في هذه الحالة تمثل ثابتا حركيا للنظام. نعود الى كيفية ايجاد حلول للمعادلات التفاضلية الناتجة عن قانون نيوتن الثاني ولنأخذ الحركة التوافقية البسيطة وهي حركة الجسيم التي توجد فيها قوة مرجعية تتناسب مع ازاحة الجسيم عن نقطة ما الناتجة عن سحب سلك مثالي يخضع لقانون هوك (ينص قانون هوك على ان القوة تتناسب مع الازاحة من مركز التوازن وتكون القوة بالنسبة للحركة باتجاه واحد هو x)

$$F_x = -kx$$

$$-F_x = kx$$

F_x = قوة السحب $-F_x$ = قوة الارجاع k = ثابت القوة x = الاستطالة التي سببتها القوة (الازاحة باتجاه x).

السلك المثالي يمثل بلغة الكيمياء بشكل جزيئة ثنائية الذرة (H-H, Cl-Cl) وللسهولة نستخدم المحور x كتجاه للحركة.

يصبح عندئذ قانون نيوتن الثاني في الحركة كما يلي :

$$-kx = m \frac{d^2 x}{dt^2}$$

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\frac{k}{m} x_t$$

وهذه المعادلة هي معادلة القيمة الذاتية حيث تحقق تفاضل الدالة x_t مرتين وعندئذ يصبح الحل لمسألة الحركة التوافقية البسيطة باتجاه واحد هو

$$x_t = A \sin \sqrt{\frac{k}{m}} t$$

ان دالة الجيب تتذبذب بين (1 , -1) لذلك فان قيمة الثابت A يمثل اقصى مدى للازاحة باتجاه x .

اشتقاق قانون الطاقة الكامنة v

$$-\frac{dv}{dx} = -kx$$

$$\int_0^v dv = k \int_0^x x dx$$

$$[v]_0^v = k \left[\frac{x^2}{2} \right]_0^x$$

$$v_v - v_0 = k \left[\frac{x^2 - 0}{2} \right]$$

$$v = k \frac{x^2}{2} \dots \dots \dots (1)$$

$$x = A \sin(\sqrt{\frac{k}{m}}.t)$$

$$v = k \frac{(A^2 \sin^2(\sqrt{\frac{k}{m}}.t))}{2} \dots \dots \dots (2)$$

اشتقاق قانون الطاقة الحركية T

$$T = \frac{mv^2}{2}$$

$$v = \frac{dx}{dt} = x^2$$

$$dx = A \cos(\sqrt{\frac{k}{m}}.t) \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}.dt$$

$$\therefore \frac{dx}{dt} = A \cos(\sqrt{\frac{k}{m}}.t) \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$T = \frac{mv^2}{2} \dots \dots \dots (3)$$

$$T = \frac{m[A \cos(\sqrt{\frac{k}{m}}.t) \cdot (\sqrt{\frac{k}{m}})]^2}{2}$$

$$T = \frac{kA^2 \cos^2(\sqrt{\frac{k}{m}}.t)}{2} \dots \dots \dots (4)$$

وبجمع المعادلتين (2 و 4)

$$H = T + V$$

$$H = \frac{kA^2 \cos^2(\sqrt{\frac{k}{m}}.t)}{2} + k \frac{(A^2 \sin^2(\sqrt{\frac{k}{m}}.t))}{2}$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$T + V = \frac{kA^2}{2}$$

إذا " قيمة الطاقة للنظام المحافظ = كمية ثابتة (H)

معادلة لاكرانج Lagranges Equation

تعتبر دالة لاكرانج كمية داينامكية غير موجهة وتعرف بالصيغة التالية:

$$L_{(q,q,t)} = T_{(q,q)} - V_{(q,t)}$$

L = دالة لاكرانج

$T_{(q,q)}$ = طاقة حركية (دالة السرعة + دالة الإحداثيات العامة)

$V_{(q,t)}$ = طاقة كامنة (دالة الإحداثيات + دالة الزمن)

إن الإحداثيات العامة لأي نظام في الكيمياء لازمة لتعيين موقع النظام "تعيينا" تماما" في الفضاء . لنفرض إننا أخذنا نظاما" محافظا" يحتوي على ثلاث جسيمات فلكي نحدد تماما" حالة النظام عند زمن معلوم t يجب أن نحدد مواقع وسرع الجسيمات الثلاثة وان عملا" كهذا يستوجب تحديد تسع إحداثيات وتسع سرع :

$$x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$$

$$x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$$

وبصورة عامة فأن لنظام مكون من N من الجسيمات يجب تحديد $3N$ من الإحداثيات وكذلك $3N$ من السرع.

يمكن كتابة الصيغة العامة لمعادلة لاكرانج للنظام المحافظ كما يلي:

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial L}{\partial \dot{q}} - \frac{\partial L}{\partial q} = 0$$

نفترض إن لدينا تحليلا" لحركة جسيم بحيث إن قوة الاستعادة (المرجعة)

تتناسب طرديا" مع إزاحة الجسيم من نقطة ما وان هذه الحركة تمثل حركة توافقية بسيطة مثل حركة اهتزازات الجزيئة ثنائية الذرة أو حركة الذرة في الشبكة البلورية. يمكن إثبات قوانين نيوتن لجسيم يتحرك بمسافة x باستخدام معادلة لاكرانج وكما يلي:

$$F = am$$

$$F = -kx$$

$$q_i = x$$

$$\dot{q}_i = \dot{x}$$

$$T(q_i, \dot{q}_i) = \frac{1}{2} m \dot{x}^2$$

$$V(q_i, t) = \frac{1}{2} k x^2$$

$$L = T - V$$

$$L(x, \dot{x}, t) = \frac{1}{2} m \dot{x}^2 - \frac{1}{2} k x^2$$

$$\frac{d}{dt} \cdot \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_i} - \frac{\partial L}{\partial q_i} = 0$$

$$\frac{d}{dt} (m \dot{x}) - (-kx) = 0$$

$$\frac{d\dot{x}}{dt} m + kx = 0$$

$$\ddot{x} m + kx = 0$$

$$am = -kx = F$$

الزخم المعمم ومعادلات لاكرانج - هاملتون في الحركة

من الملائم في كثير من المسائل أن نعبر عن الطاقة بدلالة الزخم (p_i) المرتبط بالاحداثي بدلا" من السرعة ويعرف الزخم المرتبط بالاحداثي بالصيغة التالية :

$$p_i = \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_i}$$

ويمكن كتابة المعادلات المناسبة لمسألة الحركة التوافقية البسيطة لأي جسيم بعد تعويض قيمة الدالة الحركية بدلالة الزخم كالآتي:

$$H = T + V$$

$$T = \frac{1}{2} m \dot{x}^2, \dots, V = \frac{1}{2} k x^2$$

$$L = T - V$$

$$L = \frac{1}{2} m \dot{x}^2 - \frac{1}{2} k x^2$$

$$p_x = \frac{\partial L}{\partial \dot{x}} = m \dot{x}$$

$$\dot{x} = \frac{p_x}{m}$$

$$T = \frac{1}{2} m \left(\frac{p_x}{m} \right)^2 \rightarrow T = \frac{1}{2m} p_x^2$$

$$H = \frac{1}{2m} p_x^2 + \frac{1}{2} k x^2$$

مثال 1:

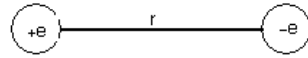
اوجد دالة هاملتون لذرة الهيدروجين

ملاحظة : إذا كان الجسيم ثابت فأن الطاقة الحركية له $T = 0$

الحل:

تتكون ذرة الهيدروجين من (إلكترون + نواة تحتوي على بروتون) وتمثل أبسط الأنظمة . نفترض إن الإلكترون يدور حول النواة على بعد r ونعبر عن الطاقة الحركية للإلكترون بدلالة الزخم كما يلي:

$$T = \frac{1}{2m} p_x^2$$



عليه يمكن كتابة دالة هاملتون H التي تمثل مجموع الطاقة الحركية والطاقة الكامنة لذرة الهيدروجين بالشكل التالي:

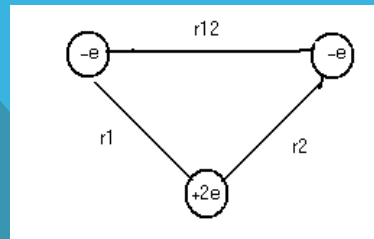
$$H = T + V$$

$$H = \frac{p^2}{2m} + \frac{(+e)(-e)}{r}$$

$$H = \frac{p^2}{2m} - \frac{e^2}{r}$$

مثال 2

اوجد دالة هاملتون لذرة الهليوم He (تحتوي على ثلاث جسيمات $2e$ + نواة)



الفصل الثاني

نظرية الكم Quantum Theory

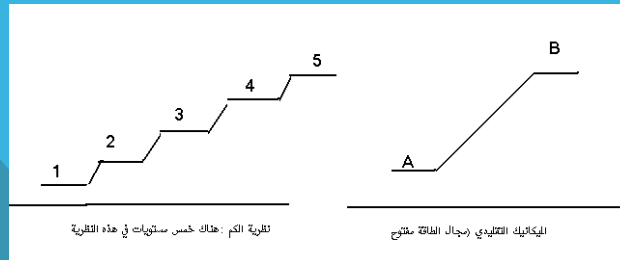
بسبب وجود وتنامي المشاكل الكبيرة التي لا يمكن حلها أو تفسيره ظهر علم جديد يدعى بنظرية الكم Quantum Theory إن أصل هذا العلم أو النظرية يمكن اعزائه للعالم بلانك Planck في عام 1900 حيث أعطى فرضيته المشهورة نتيجة لتفسير ظاهرة الجسم الأسود و تنص فرضيته على (إن الطاقة مثل المادة غير مستمرة وتحتوي على عدد كبير من الوحدات الصغيرة والمنفصلة تدعى كمات والكمية (المكممة) يقصد بها محددة مثل الثقب الذي لا يمكن سده بكمية اكبر منه. أو الكرة في حفرة لا يمكن دفعها خارج الحفرة إلا باستخدام مقدار من الطاقة (كم من الطاقة)، وعملية اكتساب أو فقدان الطاقة يكون بشكل كمات ثم أخفقت نظرية بلانك وظهر ميكانيك الكم.

إن العالم من خلال تجربته وجد أن العلاقة طردية بين الطاقة والتردد حسب العلاقة التالية:

$$E = h \nu$$

مقارنة بين الميكانيك التقليدي ونظرية الكم

بموجب الميكانيك التقليدي (الكلاسيكي) يمكن للنظام أو الطاقة أن تأخذ أي قيمة وبدون تحديد سواء كان فقدان أو اكتساب لكن بموجب نظرية الكم فالطاقة ممكن ان تكون قيمة على شكل مجاميع أحادية أي أعداد صحيحة $1hv$ ، $2hv$ ، $3hv$ ولا يمكن أن تأخذ قيم كسرية $1/2$ ، $1/3$



أعقب العالم بلانك العالم اينشتاين مستخدماً "نظرية بلانك" ولم تقتصر نظريته على ظاهرة الانبعاث والامتصاص بل تعدت إلى تفسير الأشعة وتفاعل المادة إذ اعتبر إن الضوء يتكون من كمات صغيرة منفصلة أعطى لها اسم فوتون وتحمل طاقة مقدارها $h\nu$ وبذلك تمكن من تفسير ظاهرة التأثير الكهروضوئي وحل جميع المسائل المتضمنة انبعاث وامتصاص الأشعة من خلال تطبيق مفهوم الكم. تطور مفهوم ميكانيك الكم على مرحلتين:

1- المرحلة الأولى : دخول مفهوم الكم (1905-1927) وكان خليطاً من المفاهيم التقليدية والمعاصرة.

2- المرحلة الثانية: رسخت على أيدي كل من هايزنبرك و Hiesenberg و شرودنكر Schrodinger و ديراك Dirac وآخرين عام 1925 وذلك بإدخال ميكانيك الكم أو ميكانيك الموجى (لان فكرة الأمواج حلت محل الجسيمات في معادلة شرودنكر الموجية).

ويمكن تعريف ميكانيك الكم على انه نظام رياضي قدم بثلاث طرق:

1- تمثيل شرودنكر : حيث مثل النظام بالموجة وتغلب فيه على نقاط الضعف في نظرية بور.

2- تمثيل هايزنبرك او ما يسمى ميكانيك المصفوفات حيث مثل النظام

بالمصفوفة matrix ويمكن الحصول على معلومات النظام عن طريق حل هذه المصفوفة.

3- تمثيل ديراك حيث اثبت بأن الطريقتين أعلاه صحيحة وتعطي نفس النتائج

لكنها تختلف فقط في التمثيل الرياضي وقدم طريقة ثالثة مثل فيها النظام

بدالتين تسمى دالة كيت ودالة برا (Ket & Bra Mechanics) وجميع هذه

الطرق صحيحة وتؤدي إلى نتيجة واحدة لكن أسهلها طريقة ميكانيك الموجى لشرودنكر.

الطيف الفيزيائي

ا.م.د. محمد محمد أمين الإمام

قسم الكيمياء / كلية التربية
للعلوم الصرفة

المرحلة الرابعة

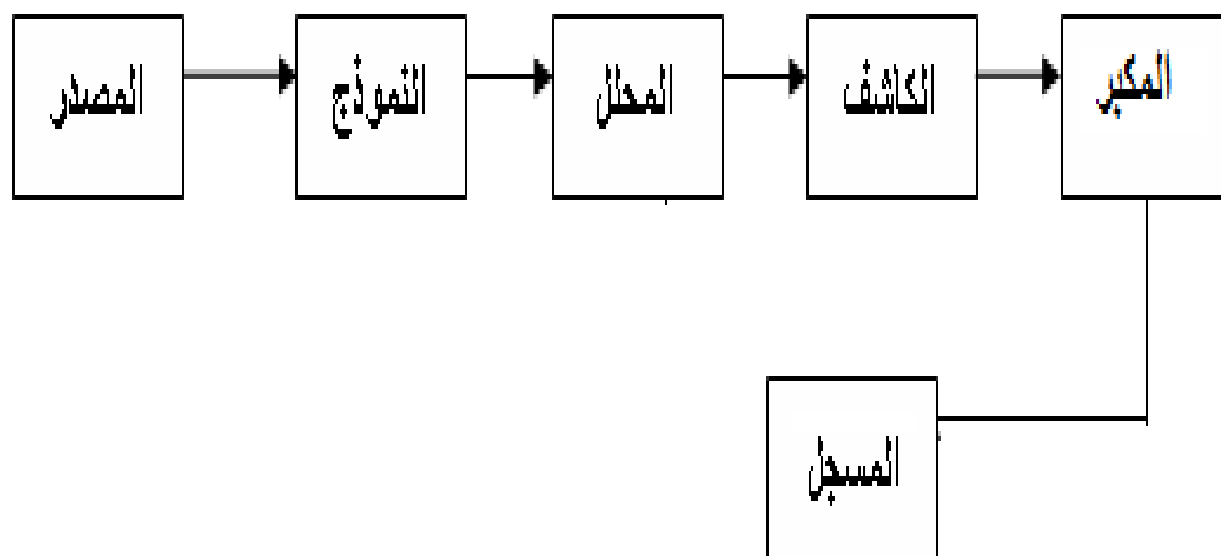
الطيف الفيزيائي

عند امتصاص الطاقة من
قبل الجزيء يؤدي إلى
إثارة الجزيء إلى مستويات
الطاقة

الطيف الفيزيائي/ المحاضرة الاولى

تأثر الضوء بالمادة :

عندما يسقط ضوء مستمر خلال موشور (prism) فإن الموجات المكونة له تتفرق. عند امرار هذه الموجات خلال خلايا تحوي نماذج من الذرات او الجزيئات فان الضوء الخارج لا يكون مستمرا اذ ان بعض الموجات الضوئية تتحد مع الذرات او الجزيئات وتمتص من قبلها. ويطلق على هذه العملية بمطيافية الامتصاص ويمكن توضيح مبدأ عمل جهاز الامتصاص بالمخطط التالي :



الطيف الفيزيائي / المحاضرة الثانية

تعتمد شدة الخط الطيفي على:

1- تعداد المستويات.

2- احتمالية الانتقال .

عرض وشده خطوط الطيف:

ان الامتصاصات او الانبعاثات الطيفيه التي تكون بشكل خطوط رفيهه (بالغه الحد) ولكنها تبدو بشكل حزم عريضه ويعد احد الاسباب في ذلك هو الفتحات الميكانيكيه في اجهزه الطيف التي تكون ضيقه الى ابعاد الحدود وذلك تسمح بمدى من الترددات بدلا من تردد واحد ليسقط على الكاشف مما يجعل هيئه الطيف غير واضحه وعريضه (مشوشه على الرغم من تطور قوه الفصل والجهزه ال ان هناك عرضا طبيعيا وينتج هذا العرض بسبب اللدقه في ايجاد مستويات الطاقه للنظمه الذريه

والجزئية وهناك عدة عوامل تشارك في عرض خط الطيف.

1- قاعدة اللادقة لهايزنبرك:

تنص هذه القاعدة على (انه لو وجد نظام في مستوى معين من مستويات الطاقة لزم من محدد مقداره ثانيه فسيكون هنالك لادقه في قياس طاقه ذلك النظام مقدارها Δt وينتج عن ذلك اختلاف في

الفرق في الطاقه الطيفيه او في تردد الانتقال بين المستويات المكممه يعطى بالصيغه الرياضيه

بالصيغة الرياضية

$$10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s} \Delta E \cdot \Delta t = h/2\pi = \Delta E$$

$$= h \Delta \nu = h/2\pi \Delta t * \Delta E$$

$$\Delta \nu = 1/2\pi \Delta t$$

ويتضح من هذه العالقه انه كلما بقيت
الجزئيه في المستوى الطاقى المعين
لفترة اطول كلما امكن
قياس الطاقه لذلك المستوى بدقه اكبر.
عليه يمكن تحديد طاقه المستوى
المستقر بدقه عاليه لكون
الفترة الزمنيه لبقاء الذره اوالجزئيه كبيره

الطيف الفيزيائي / المحاضرة الثالثة:

على عكس ذلك فإن الجزيئة التي تشتغل
المستوى الطاقى العالى (الحالة المثارة) يكون
العمر الزمنى اقل بكثير من الحالة المستقرة لذلك
اليمكن تعريف طاقه النظام بدقه تامه.
واستنادا الى قاعده الالدقه فانه اليمكن لنظام
جزيئي يعانى من انتقال بين حالتى طاقه مكتمتين
ان

يمتص اشعاعا ذا تردد احادي (او بقيمه واحده
للطاقه) معطيا طيف بشكل خط

ان النظام في الحقيقة يمتص حزمه من الترددات والتي تكون شدتها القصوى في مركز تردد

الامتصاص وتقل هذه الشدة عند الترددات العاليه والواطئه كما في شكل b
الشكل a) خط الطيف بدون عرض الن مستويات الطاقة معرفة بدقة.

الشكل b) خط طيف لة عرض طبيعي عند منتصف ارتفاع الحزم.

2 العرض الناتج عن التصادم: ان الذرات والجزيئات في كل من طوري الغازي والسائل تكون

في حركه مستمره وتعاني من تصادمات عديدة فيما بينها ومما يؤدي الى تشويش طاقات الالكترونات الخارجيه ولذا تكون خطوط الطيف عريضه وبصوره عامه وجود التأثيرات الجزيئيه المتبادله تكون اكبر في السوائل مما في الغازات لذا فان قياس الطيف في طور الغاز يعطي خطوط ارفع من السائل .

3 ظاهرة دوبلر : تعزى هذه الظاهرة الى
تغير سرعه الجزيئه الى سرعه القياس
بالجهازمما

يؤدي الى تغير تردد الشعاع في طيف
الجزيئه, يكون تأثير دوبلر واضحا في
الجزيئات الخفيفه مثل
H₂.

4 تأثيرات ناتجة عن استخدام الجهاز هنالك تأثيرات تسبب في عرض خط الطيف وتظهر عند استخدام الجهاز من هذه التأثيرات التشبع ووالمقصود بالتشبع (هو حصول مساواه في تعداد مستويات الطاقة العاليه والواطئه بسبب استخدام قوه فصل عاليه جدا في الجهاز). نالحظ ان تأثير عرض التصادم مهم جدا في السوائل بينما يكون تأثير دوبلر مهم في الغازات.

الطيف الفيزيائي / المحاضرة الرابعة:

شده خطوط الطيف: الشده تعني كثافه
الخط. ومن العوامل التي تحدد شده خط
الطيف هي:

- 1-احتماليه الانتقال
- 2-تعداد الذرات والجزيئات في المستوى
الذي يحصل منه الانتقال
- 3-تركيز النموذج

1 احتماليه الانتقال : يعتمد انتقال الطاقة على قابليه الجزيئه لتأثرها مع الشعاع الكهرومغناطيسي

ويدعى هذا باحتماليه الانتقال. هناك قاعده تقول بان الجزيئه لكي تكون قادره على التداخل مع

المجال الكهرومغناطيسي وان تمتص او تبعث فوتونا بتردد ν يجب أن تمتلك عزمًا متذبذبا عند

ذلك التردد لو لفته قصيره.

2 تعداد الجزئيات : اذا هنالك مستويان
يمكن ان يحصل الانتقال منهما الى
مستوى ثالث فان الخط
الكثير شده ينتج من المستوى الذي
يكون فيه عدد الجزئيات ا كبر وهناك قاعده
رياضيه بسيطه
تتحكم في تعداد مستويات الطاقه وهى
قانون بولتزمان للتوزيع:

حيث ان N_J تمثل عدد الجزيئات في
المستوى العلى

$$= e^{-\Delta E / K T} N_J / N_0$$

و N_0 تمثل عددها في المستوى الواطئ
و $E_N - E_{\Delta} = E$ و T تمثل درجه
الحراره المطلقه

و k تمثل ثابت بولتزمان)

$$1.38 \times 10^{-23} \text{ J.K}^{-1}$$

ويمكن توضيح توزيع بولتزمان لالنواع المختلفه من مستويات الطاقة (الدورانيه

, الاهتزازيه, الالكترونييه) كما في الشكل (a) كما يظهر تأثير درجة الحرارة على تعداد المستويات كما في الشكل (b):

الشكل (a) يوضح توزيع بولتزمان لالنواع المختلفه من مستويات الطاقة

الشكل (b) يوضح تأثير درجة الحرارة على تعداد المستويات

3- تركيز النموذج: كلما ازداد تركيز النموذج ازداد امتصاص الطاقة من الشعاع

3 تركيز النموذج: كلما ازداد تركيز النموذج ازداد امتصاص الطاقة من الشعاع والعالقه التي توضح ذلك هي معادله بير –المبرت

I

I_0

$e =$

$\epsilon c L$

حيث ان I_0 = اشده الشعاع الساقط على النموذج

I = القسم النافذ من الشعاع

C = تركيز النموذج

L = طول الخليه

ϵ = معامل الامتصاص الموالري ويعتبر ثابتا لكل نوع من النتقالت (مثل النتقالت الالكترونية او

التهتزايه) التي تحصل في النموذج.

الطيف الفيزيائي / المحاضرة الخامسة :

والجزيئية وهناك عدة عوامل تشارك في عرض خط الطيف.

1- قاعدة اللادقة لهايزنبرك:

تنص هذه القاعدة على (انه لو وجد نظام في مستوى معين من مستويات الطاقة لزم من محدد مقداره ثانيه فسيكون هنالك لادقه في قياس طاقه ذلك النظام مقدارها Δt وينتج عن ذلك اختلاف في

الفرق في الطاقه الطيفيه او في تردد الانتقال بين المستويات المكتمه يعطى بالصيغه الرياضيه

الفصل الثاني

مطيافية الموجه الصغرى (المايكرويف)

تعرف موجات المايكرويف على انها احد انواع الموجات الكهرومغناطيسيه ومن الموجات

الكهرومغناطيسيه: موجات الراديو , الشعه فوق البنفسجيه واشعه كاما وغيرها وتقع بين منطقتي

المواج الراديويه والشعه تحت الحمراء ولموجات الميكرويف العديد من التطبيقات في الحياه ولعل

اهمها مايتعلق بالفران , كما تستعمل لدراسه الطيف الدوراني للجزيئات التي يجب ان تتصف بما

يلي: 1- ان تمتلك الماده عزم ثنائي القطبين)عزم استقطاب دائمي (2- ان تكون الماده في الحاله

الغازيه, حيث يؤدي ذلك الى تقليل القوى البينيه بين الجزيئات .

في الحاله السائله نلاحظ وجود تشويش او اعاقه الحركه
الدورانيه الناتجه عن التداخلات الجزئيه
ويمكن التخلص منه عن طريق تقليل القوى البينيّه او
انعدامها من خلال قياس الماده في الحاله
الغازيه المثاليه لكن هذا يعمل على تقليل تركيز الماده في
نموذج القياس مما يتطلب وجوب زياده
طول خليه القياس لضمان حصول اكبر عدد من التصادمات
بين الامواج المسلطه والجزئيات .هناك
شروط يجب ان تتوفر في خليه القياس لطيف المايكرويف: