

B		ناتج الطرح		
2	2			
4	1	1		A
2	3	3		

3- لإيجاد استراتيجيات المنافس (A) يتم جمع 1 و 3 (نواتج طرح الصفوف) ويتم وضع كل رقم منها على المجموع. وبنفس الطريقة يتم إيجاد استراتيجيات (B) عن طريق جمع 2 و 2 (نواتج طرح الأعمدة) ويتم وضع كل منها على المجموع ويظهر ذلك كالتالي:

<b>B</b>			
$\frac{2}{4}$	$\frac{2}{4}$		
<b>4</b>	<b>1</b>	$\frac{1}{4}$	
<b>2</b>	<b>3</b>	$\frac{3}{4}$	<b>A</b>

• قيمة المباراة بالنسبة للمتنافس (A)

$$\frac{1}{4} \left[ 1 \times \frac{1}{2} + 4 \times \frac{1}{2} \right] + \frac{3}{4} \left[ 3 \times \frac{1}{2} + 2 \times \frac{1}{2} \right]$$

$$= \frac{5}{8} + \frac{15}{8} = \frac{20}{8} = 2 \frac{1}{2}$$

• قيمة المباراة للمتنافس (B) =

$$\frac{1}{2} \left[ 1 \times \frac{1}{4} + 3 \times \frac{3}{4} \right] + \frac{1}{2} \left[ 4 \times \frac{1}{2} + 2 \times \frac{1}{2} \right]$$

$$= \frac{10}{8} + \frac{10}{8} = \frac{20}{8} = 2 \frac{1}{2}$$

لاحظ أن قيمة المباراة هي نفسها 2.5 للمتنافسين (A) و (B)

## ثانياً: الطريقة الجبرية (الاحتمالات)

### حجم $2 \times 2$

- تقوم هذه الطريقة على أساس انه بفرض استخدام صف معين نسبة  $p$  أو احتمال تكرار  $p$  مثلاً فان نسبة أو احتمال تكرار استخدام الصف الثاني هو  $(1-p)$ .
- وبالمثل نعبر عن نسبة أو احتمال تكرار  $q$  مثلاً لاستخدام عمود معين حيث هذه النسبة أو الاحتمال تتراوح بين صفر و واحد فان نسبة أو احتمال استخدام العمود الثاني هو  $1-q$ .
- ويتم إيجاد النسب المثلثى بالتحليل الجبرى حيث تستخدم هذه النسب فى التوصل إلى قيمة المبارأة.

• وبالتطبيق على المثال السابق

B			
$1-q$	$q$		
4	1	$p$	
2	3	$1-p$	A

- $1*p + 3*(1-p) = 4*p + 2*(1-p)$
- $1*p + 3 - 3*p = 4*p + 2 - 2*p$
- $-2p + 3 = 2p + 2$
- $3 - 2 = 2p + 2p \rightarrow 1 = 4p$
- $P = 1/4$  احتمال اللعب في الصف الأول هو
  - واما احتمال اللعب في الصف الثاني  $(1-p) = 3/4$  هذا يعني ان المتنافس (A) يختار الصف الأول  $1/4$  الوقت ويختار الصف الثاني  $3/4$  الوقت

• وبالنسبة للمتنافس (B) :

$$2(1-q) + 3(q) = 4(1-q) + 1(q) \quad \bullet$$

$$2-2q + 3q = 4 - 4q + q \quad \bullet$$

$$2-4 = 2q-3q - 4q + q \quad \bullet$$

$$-2 = -4q \quad \bullet$$

• إذا  $q = \frac{1}{2}$  يعني أن اللعب B يلعب العمود الأول باحتمال هو  $\frac{1}{2}$

• أما احتمال لعب العمود الثاني هو  $1-q = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$  أيضا

• وهذا فان أفضل إستراتيجية للمتنافس (B) هي أن يختار العمود الأول  $\frac{1}{2}$  الوقت ويختار العمود الثاني  $\frac{1}{2}$  الوقت

## قوانين السيطرة Dominance Rules

- يمكن حل مصفوفات نتائج المباريات كبيرة الحجم والتي تزيد عن  $2 \times 2$  باستخدام قوانين السيطرة. وعموماً تستخدم هذه القوانين في تخفيض حجم المصفوفة العامة  $m \times n$  وذلك قبل حلها بطرق الاستراتيجيات المطلقة السابقة.
- وتلخص قوانين السيطرة في الآتي:

# قوانين السيطرة

## Dominance Rules

- ١- إذا كان جميع عناصر أحد الصفوف في المصفوفة متساوية أو يزيد على جميع العناصر المعاشرة له في صف آخر فإنه يتم استبعاد هذا الصف الآخر ويسمى الصف الأول بالصف المسيطر **row Dominant** والصف الآخر بالصف المستبعد، وبذلك يتم اختصار أحد صفوف المصفوفة دون أن يؤثر ذلك على نتيجة المباراة.
- ٢-إذا كانت جميع عناصر أحد الأعمدة متساوية أو يقل عن العناصر المعاشرة له في عمود آخر، فإنه يتم استبعاد هذا العمود الآخر من المصفوفة ويطلق على العمود الأول العمود المسيطر **Dominant Column** والعمود الآخر العمود المستبعد، دون أن يؤثر ذلك على نتائج المباراة.