

نموذج المباريات الثنائية الصفرية

Two Persons Zero Sum Game Model

- المباراة الثنائية الصفرية هي المباراة التي تتم بين اثنين فقط من المنافسين، ويكون فيها ما يكسبه أحد المنافسين مساويا تماماً لما يخسره المنافس الآخر.
- والمجموع الجبرى للنتائج الكلية = صفر

مثال ١

- بأخذ بيانات مصفوفة
النتائج السابقة

المتنافس			
B ₂	B ₁	A ₁	المتنافس
8	5	A ₁	
- 4	3	A ₂	A

مثال ١

ويمكن تحليل الاستراتيجيات لكل من (A) و (B) كالتى:

- ١- يربح المنافس A فى كل الحالات إذا اختار الإستراتيجية A_1
- ٢- يخسر المنافس A إذا اختار الإستراتيجية A_2 واختار المنافس B الإستراتيجية B_2
- ٣- يحاول المنافس A تعظيم الحد الأدنى للربح ويحاول المنافس (B) تخفيض الحد الأقصى للخسارة

مثال ١

		المتنافس B			
		B ₂	B ₁		
Maxmin	min	5	8	A ₁	المتنافس A
	5	8	5		
	-4	-4	3	A ₂	
		8	5	max	
		5	Minmax		

وبذلك تكون المباراة كالتالى:

- يستخدم (A) الإستراتيجية لأنها تعظم الحد الأدنى للربح.
- يستخدم (B) الإستراتيجية لأنها تخفض الحد الأقصى للخسارة وتكون قيمة المباراة $V = 5$.
- وتقع عند تلاقى صف A_1 مع عمود B_1 .

نلاحظ في المثال السابق تم استخدام طريقة MaxMin- MinMax وهي احد طرائق إيجاد قيمة المباراة والإستراتيجيات المثلى لكى اللاعبين في المباراة التنافسية غير التعاونية (أى أنها احد طرق حل المباراة) وسيتم التطرق إليها في المحاضرة القادمة ان شاء الله

طريقة تعظيم الحد الأدنى للأرباح وتخفيض الحد الأقصى للخسائر MaxMin- MinMax

لقد تبين من تحليل استراتيجيات المنافسين في الأمثلة السابقة انه بالرغم من أن كل منهما ينظر إلى الموقف بصورة مختلفة إلا أنهما يتفقان في وجهة النظر في اختيار الإستراتيجية المثلى باستخدام قاعدة القرار التي تعظم الحد الأدنى للربح أو تخفيض الحد الأقصى للخسائر وتعتبر هذه القاعدة أمر واقع من جانب كل المنافسين وهي تطبيق للمعيار التشاوئي pessimistic فالمتنافس يفحص أسوأ النواتج (أدنى الأرباح) ويختار أفضل هذه النتائج أو أقصى الأرباح .

طريقة تعظيم الحد الأدنى للأرباح وتخفيض الحد الأقصى للخسائر

MaxMin- MinMax

- اى استخدام أسلوب تعظيم الحد الأدنى للأرباح المتوقعة MaxMin ، وبنفس المنطقية يختار الخصم إستراتيجيته المثلى فهو يفحص أسوأ النتائج (أو أقصى الخسائر) ويختار أفضل هذه النتائج (أو أدنى هذه الخسائر) اى استخدام أسلوب تدنيه الحد الأقصى للخسائر المتوقعة MinMax ويتلاقى كلا المتنافسون عادة عند نقطة واحدة يطلق عليها نقطة التلاقي وتحدد عندها الإستراتيجية المثلى لكل متنافس وتعرف بالإستراتيجية المطلقة Pure Strategy.

قيمة المباراة Value Game

"Game Value" يطلق على الناتج المتوسط الذى يتلقاه كل لاعب فى المباراة "قيمة المباراة" وبالنسبة للمباريات الثنائية الصفرية فان المجموع الجبرى للنتائج يساوى دائمًا صفر كما ذكرنا، ولكن عادة يكون لأحد المنافسين متوسط ناتج موجب وللمنافس الآخر متوسط ناتج سالب وتكون قيمة المباراة لأحد المنافسين تبعاً لذلك هي قيمة أقصى الأرباح الدنيا وتكون هذه القيمة بالنسبة للخصم أو المنافس الآخر هي قيمة أدنى الخسائر القصوى