

نموذج المباريات الثنائية الصفرية

Two Persons Zero Sum Game Model

- المباراة الثنائية الصفرية هي المباراة التي تتم بين اثنين فقط من المتنافسين، ويكون فيها ما يكسبه احد المتنافسين مساويا تماما لما يخسره المتنافس الآخر.
- والمجموع الجبري للنتائج الكلية = صفر

مثال ١

- بأخذ بيانات مصفوفة النتائج السابقة

المتنافس B			
B ₂	B ₁		
8	5	A ₁	المتنافس A
- 4	3	A ₂	

مثال ١

ويمكن تحليل الاستراتيجيات لكل من (A) و (B) كالآتي:

١- يربح المنافس A في كل الحالات إذا اختار الإستراتيجية A_1

٢- يخسر المنافس A إذا اختار الإستراتيجية A_2 واختار المنافس B الإستراتيجية B_2

٣- يحاول المنافس A تعظيم الحد الأدنى للربح ويحاول المنافس (B) تخفيض الحد الأقصى للخسارة

مثال ١

		المتنافس B			
Maxmin	min	B ₂	B ₁		
	5	8	5	A1	المتنافس A
	-4	-4	3	A ₂	
		8	5	max	
		5 Minmax			

وبذلك تكون المباراة كالتالي:

- يستخدم (A) الإستراتيجية A_1 لأنه تعظم الحد الأدنى للربح.
- يستخدم (B) الإستراتيجية B_1 لأنه تخفض الحد الأقصى للخسارة وتكون قيمة المباراة $(V) = 5$
- وتقع عند تلاقي صف A_1 مع عمود B_1 .

نلاحظ في المثال السابق تم استخدام طريقة **MaxMin- MinMax** وهي احد طرائق إيجاد قيمة المباراة والإستراتيجيات المثلى لكى اللاعبين في المباراة التنافسية غير التعاونية (أي انها احد طرق حل المباراة) وسيتم التطرق اليها في المحاضرة القادمة ان شاء الله

طريقة تعظيم الحد الأدنى للأرباح وتخفيض الحد الأقصى للخسائر MaxMin- MinMax

لقد تبين من تحليل استراتيجيات المتنافسين في الأمثلة السابقة انه بالرغم من أن كل منهما ينظر إلى الموقف بصورة مختلفة إلا أنهما يتفقان في وجهة النظر في اختيار الإستراتيجية المثلى باستخدام قاعدة القرار التي تعظم الحد الأدنى للربح أو تخفيض الحد الأقصى للخسائر وتعتبر هذه القاعدة أمر واقع من جانب كل المتنافسين وهي تطبيق للمعيار التشاؤمي **pessimistic** فالمتنافس يفحص أسوأ النواتج (أدنى الأرباح) ويختار أفضل هذه النتائج أو أقصى الأرباح.

طريقة تعظيم الحد الأدنى للأرباح وتخفيض الحد الأقصى للخسائر MaxMin- MinMax

- اى استخدام أسلوب تعظيم الحد الأدنى للأرباح المتوقعة **MaxMin** ، وبنفس المنطقية يختار الخصم إستراتيجيته المثلى فهو يفحص أسوأ النتائج (أو أقصى الخسائر) ويختار أفضل هذه النتائج (أو أدنى هذه الخسائر) اى استخدام أسلوب تدنية الحد الأقصى للخسائر المتوقعة **MinMax** ويتلاقى كلا المتنافسون عادة عند نقطة واحدة يطلق عليها نقطة التلاقى وتتحدد عندها الإستراتيجية المثلى لكل متنافس وتعرف بالإستراتيجية المطلقة **Pure Strategy**.

قيمة المباراة Value Game

يطلق على الناتج المتوسط الذى يتلقاه كل لاعب فى المباراة "قيمة المباراة Game Value" وبالنسبة للمباريات الثنائية الصفرية فان المجموع الجبرى للنتائج يساوى دائما صفر كما ذكرنا، ولكن عادة يكون لأحد المتنافسين متوسط ناتج موجب وللمتنافس الآخر متوسط ناتج سالب وتكون قيمة المباراة لأحد المتنافسين تبعا لذلك هى قيمة أقصى الأرباح الدنيا وتكون هذه القيمة بالنسبة للخصم أو المتنافس الآخر هى قيمة أدنى الخسائر القصوى