

مقاييس التمرکز Measure of Central Tendency

ان مقاييس التمرکز او التوسط ماهي الا مقاييس تبحث في تقدير قيمة تتمركز حولها اغلبية البيانات وان هذه القيمة هي عبارة عن رقم واحد يعبر عن جميع بيانات تلك المجموعة واهم هذه المقاييس هي:

1- الوسط الحسابي Arithmetic Mean

2- الوسط الهندسي Geometric Mean

3- الوسط التوافقي Harmonic Mean

4- الوسط التربيعي quadratic Mean

5- الوسيط Median

6- المنوال Mod

سوف نتناول دراسة هذه الأوساط في حالة كون البيانات مبوبة وغير مبوبة :

1- **الوسط الحسابي**: هو عبارة عن قسمة مجموع مفردات المتغير المدروس على عددها ونرمز له

بالرمز. هنا المعادلة اكتب $\bar{x}, \bar{y}, \bar{z}, \dots$

• **الوسط الحسابي لبيانات غير مبوبة** ليكن لدينا المتغير y_i حيث ان $y_i = y_1, y_2, y_3, \dots, y_n$ فان الوسط

الحسابي يكون وفق القانون الاتي $\bar{y} = \frac{\sum y_i}{n}$ وكما في المثال التالي :

Yi=	520	350	450	380	400
-----	-----	-----	-----	-----	-----

المطلوب جد الوسط الحسابي للبيانات أعلاه

$$\bar{y} = \frac{\sum y_i}{n} = \frac{520+350+450+380+400}{5} = 420$$

الحل / $\frac{\text{مجموع الارقام}}{\text{عدد الارقام}}$

• **الوسط الحسابي لبيانات مبوبة** ليكن لدينا y_1, y_2, \dots, y_n تمثل مراكز الفئات في جدول التوزيع التكراري

وان f_1, f_2, \dots, f_n هي التكرارات على التوالي فان الوسط الحسابي يكون وفق القانون الاتي:

$$\bar{y} = \frac{\sum f_i y_i}{\sum f_i}$$

$$\sum f_i y_i = f_1 y_1 + f_2 y_2 + \dots + f_n y_n$$

$$\sum f_i = f_1 + f_2 + \dots + f_n$$

دائما عندنا فئات (*Classes*) وتكرارات (*F_i*) وكما في المثال التالي: جد الوسط الحسابي للبيانات التالية:

Classes:	31-40	41-50	51-60	61-70	71-80	81-90	91-100
F _i :	1	2	5	15	25	20	12

الحل / يجب أولاً إيجاد قيم Y_i وكالاتي $y_1 = \frac{31+40}{2} = 35.5$, $y_2 = \frac{41+50}{2} = 45.5$ وهكذا لبقية قيم الفئات

Classes	f_i	y_i	$f_i y_i$
31-40	1	35.5	$1 \cdot 35.5 = 35.5$
41-50	2	45.5	$2 \cdot 45.5 = 91$
51-60	5	55.5	$5 \cdot 55.5 = 277.5$
61-70	15	65.5	$15 \cdot 65.5 = 982.5$
71-80	25	75.5	$25 \cdot 75.5 = 1887.5$
81-90	20	85.5	$20 \cdot 85.5 = 1710$
91-100	12	95.5	$12 \cdot 95.5 = 1146$
			المجموع 6130

$$\bar{y} = \frac{\sum f_i y_i}{\sum f_i} = \frac{6130}{80} = 76.62$$

الوسط الهندسي

1- لبيانات غير مبوبة: ليكن لدينا المتغير y_i حيث ان $y_i = y_1, y_2, y_3, \dots, y_n$ فان الوسط الهندسي الذي يرمز

$$\text{له بالرمز } \bar{G} \text{ يكون كما في القانون الاتي } \text{Log } \bar{G} = \frac{\text{logy}_1 + \text{logy}_2 + \dots + \text{log } y_n}{n}$$

ولايجاد قيمة الوسط الهندسي بعد ذلك نستخدم العدد المقابل لوغاريتم $\text{Log } \bar{G}$ وهو 10^x

y_i	3	5	8	3	7	2
-------	---	---	---	---	---	---

مثال // جد الوسط الهندسي للبيانات التالي:

$$\text{الحل/ يحسب كما في القانون الاتي } \text{Log } \bar{G} = \frac{\text{logy}_1 + \text{logy}_2 + \dots + \text{log } y_n}{n}$$

Log	Log3=	Log5=	Log8=	Log3=	Log7=	Log2=
y_i	0.477	0.699	0.903	0.477	0.845	0.301

$$\log \bar{G} = \frac{0.477 + 0.699 + 0.903 + 0.477 + 0.845 + 0.301}{6} = \frac{3.704}{6} = 0.617$$

$$\bar{G} = 10^{0.617} = 4.14$$

2- **لبينانات مبوبة:** ليكن لدينا y_1, y_2, \dots, y_n تمثل مراكز الفئات في جدول التوزيع التكراري وان f_1, f_2, \dots, f_n هي التكرارات على التوالي فان الوسط الهندسي يكون وفق القانون الاتي أي ان البيانات تحتوي على فئات (*Classes*) وتكرارات (*Fi*) وكما في المثال التالي:

Classes:	60-62	63-65	66 -68	69-71	72-74
Fi	: 5	18	42	27	8

$$Y_i = 61, 64, 67, 70, 73$$

الحل // كما موضح سابقا y_i تم إيجاد هذه القيم

Classes	fi	yi	Log yi	Fi logyi
60-62	5	61	1.77921	8.89
65-63	18	64	1.806	32.546
66-68	42	67	1.8261	67.696
69-71	27	70	1.845	49.817
72-74	8	73	1.8633	14.906
			المجموع	182.8229

$$\log \bar{G} = \frac{\sum f_i \log y_i}{\sum f_i} = \frac{8.89 + 32.511 + 76.696 + 49.817 + 14.906}{100} = 1.828$$

$$\bar{G} = 10^{1.828} = 67.3$$

الوسط التوافقي

1- **ليانات غير مبوبة** ليكن لدينا المتغير y_i حيث ان $y_i = y_1, y_2, y_3, \dots, y_n$ فان الوسط التوافقي يكون وفق

القانون الاتي $\bar{H} = \frac{n}{\sum \frac{1}{y_i}}$ وكما في المثال التالي:

y_i	3	5	6	6	7	10	12
-------	---	---	---	---	---	----	----

لتكن لديك البيانات التالي: جد الوسط التوافقي لهذه البيانات؟

$$\frac{1}{y_i} = \frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{10} + \frac{1}{12} = 1.19$$



الحل / نحتاج إيجاد

$$\frac{1}{y_i} = 0.33 + 0.2 + 0.167 + 0.167 + 0.143 + 0.1 + 0.083 = 1.19$$

$$\bar{H} = \frac{7}{1.19} = 5.88$$

2- **ليانات مبوبة**: ليكن لدينا y_1, y_2, \dots, y_n تمثل مراكز الفئات في جدول التوزيع التكراري وان f_1, f_2, \dots, f_n

هي التكرارات على التوالي فان الوسط التوافقي يكون وفق القانون الاتي $\bar{H} = \frac{\sum f_i}{\sum \frac{f_i}{y_i}}$ وكما في المثال

التالي:

جد الوسط التوافقي للبيانات التالية:

Classes:	60-62	63-65	66 -68	69-71	72-74
F_i	: 5	18	42	27	8

$y_i = 61, 64, 67, 70, 73$ تم إيجاد هذه القيم كما موضح سابقا $y_1 = \frac{60+62}{2} = 61$ وهكذا للبقية

$$\frac{f_i}{y_i} = \frac{5}{61} + \frac{18}{64} + \frac{42}{67} + \frac{27}{70} + \frac{8}{78} = 1.484$$

$$\bar{H} = \frac{\sum f_i}{\sum \frac{f_i}{y_i}} = \frac{100}{0.081 + 0.281 + 0.627 + 0.386 + 0.109} = \frac{100}{1.484} = 67.38$$